



АЗЭРБАЙЧАН ССР ЕЛМЛӨР АКАДЕМИЯСЫ  
АКАДЕМИЯ НАУК АЗЕРБАЙДЖАНСКОЙ ССР

# МӘРУЗӘЛӘР ДОКЛАДЫ

том XXXIV

1978 • 6

энам  
лэри

мыш  
мэга  
дэн  
едил  
вани  
вир

баш  
иэф  
лир

мат

му

ны

дэн

иш

бай

лиш

му

уч

ра

ла

ту

гэ

ж

ди

с

је

ж

л

и

д

п

## УВАЖАЕМЫЙ ЧИТАТЕЛЬ!

Просмотрев издание,  
укажите номер  
читательского билета  
и код категории  
читателя.

(Пример: 325/ЗЕІ)

### АЈДАЛАР

Мә'рүзәләри»нда нәзәри вә тәчруби  
ш вә һәлә дәрәгәдилмәмиш нәтичә-

ы-ајры мә'лumatлар шәклини салын-  
лардан мәһрум мубанисо характеристики  
из көмекчи тәчруబәләрни тәсвирин-  
вә ичмәл характеристика ишләр, тәсвијә-  
дик мәгаләләр, набелә битки вә һеј-  
әһәмијәттә малик тапынтыларын тәс-

мә'лumatларын даһа кениш шәкилдә  
һүгугуну элинидән алмыр.

мәгаләләр ялныз ихтисас үзәр бир  
hej'etni тәрәфинидан нәээрдән кечири-  
шәртилә мәгаләләр тәгдим едә биләр.  
у хубир үзвләрни мәгаләләри тәгди-

мәгаләләри тәгдим едәркән онларын  
энни јерләшдириләчәји бөлмәнин ады-

іә дәрәгәтдириләчәји бөлмәнин ады  
ла, мүәллиф вәрәгәнин дәрдә бирин-  
ш 6—7 сәйніфә һәчмәнидә (10000 чап

сәси олмалыдыр; бундан башга, Азәр-  
хуласә әлавә едилмәлини. Рус ди-  
нә хуласәси олмалыдыр.

онларни елми идарәнин ады вә

нимасы

ра бу-  
устур-  
иса үс-  
рмызы

дә дес-  
дәки  
ысы

чили-  
ни-  
дуғу

ады,

сија-  
эклин

ә мә-  
мәли.

иә бу

та ве-

лдикдә онларын дәрчедилмә ардычыллы-  
олараг, мүәллифләрә көндәрилмип. Кор-  
тбәэ сәйвләрни дүзәлтмәк олар.  
галәциин 15 нұсқа айрыча оттискини верир.

АЗӘРБАЙЧАН ССР ЕЛМЛӘР АКАДЕМИЈАСЫ  
АКАДЕМИЯ НАУК АЗЕРБАЙДЖАНСКОЙ ССР

# МӘРҮЗӘЛӘР ДОКЛАДЫ

ТОМ XXXIV ЧИЛД

6



## РЕДАКЦИОННАЯ КОЛЛЕГИЯ:

Г. Б. Абдуллаев (главный редактор), М. Т. Абасов, Ал. А. Ализаде,  
 Г. А. Алиев, В. Р. Волобуев, Г. Г. Гасанов, Дж. Б. Гулиев,  
 Н. А. Гулиев, А. И. Гусейнов, М. З. Джабаров, Ю. М. Сенцов,  
 (зам. главного редактора), Г. Ф. Султанов, А. С. Сумбатзаде,  
 М. А. Топчибашев, Т. Н. Шахтахтинский, Г. Г. Зейналов  
 (ответств. секретарь).

В. Б. ШАХМУРОВ

**КОЭРЦИТИВНАЯ РАЗРЕШИМОСТЬ ОБЩИХ КРАЕВЫХ ЗАДАЧ  
 ДЛЯ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНО-ОПЕРАТОРНЫХ УРАВНЕНИЙ  
 В ЧАСТНЫХ ПРОИЗВОДНЫХ**

(Представлено академиком АН Азербайджанской ССР И. И. Ибрагимовым)

Рассмотрим в  $L_2(R_+^n; H)$ , где  $R_+^n = \{x | x \in R^n, x_n > 0\}$  краевую задачу

$$Lu = \sum_{k=1}^n a_k \frac{\partial^{l_k}}{\partial x_k^{l_k}} u(x) + (A+s)u(x) = f(x) \quad (1)$$

$$B_j u = a_j u_{x_n}^{(v_j)}(x', 0) + \sum_{l=0}^{v_j-1} a_{lj} u_{x_n}^{(l)}(x', 0) = 0, \quad x' \in R^{n-1}, \quad (2)$$

где  $j = 1, \overline{d_n}$ ,  $0 \leq d_n \leq l_n$ ,  $l_k \geq 2$ ,  $l_n - 1 \geq v_1 \geq \dots \geq v_{d_n}$ ,  $\bar{l} = (l_1, \dots, l_n)$ .  $D_k^{l_k} = \frac{de_k}{dx_k^{l_k}}$ ,  $d_n$  есть число корней, расположенных в левой полуплоскости уравнения  $a_n w_{l_n} + 1 = 0$ , оператор  $A$  удовлетворяет следующему условию

**Условия 1.**  $A$  позитивный оператор в гильбертовом пространстве  $H$ , т. е.  $\overline{D(A)} = H$  и  $\|(A+\lambda)^{-1}\| \leq \frac{M}{1+\lambda}$ ,  $\lambda \geq 0$

**Определение 1.**  $H(A) = \{u | u \in D(A), \|u\|_{H(A)}^2 = \|Au\|_H^2 + \|u\|_H^2\}$ .

**Определение 2.** Обозначим через  $L_2(R_+^n; H)$  пространство функций  $u(x)$  со значениями  $H$ , измеримых в сильном смысле на  $R_+^n$  и таких, что

$$\|u\|_{L_2(R_+^n; H)}^2 = \int_{R_+^n} |u(x)|^2 dx < +\infty$$

**Определение 3.**  $W_2^l(R_+^n; H(A), H) = \{u | u \in L_2(R_+^n; H(A))$

$$D_k^{l_k} u \in L_2(R_+^n; H), \|u\|_{W_2^l(R_+^n; H(A), H)}^2 = \|Au\|_{L_2(R_+^n; H)}^2 +$$

$$+ \sum_{k=1}^n \|D_k^{l_k} u\|_{L_2(R_+^n; H)}^2 \}$$

**Определение 4.**  $W_2^1(R_+^n; H(A), H, \{B_j\}_{j=1}^{d_n}) =$

$$= \{u | u \in W_2^1(R_+^n; H(A), H), B_j u = 0, j = \overline{j, d_n}\}$$

Под решением (1)–(2) понимается функция, принадлежащая пространству  $W_2^1(R_+^n; H(A), H, \{B_j\}_{j=1}^{d_n})$  и удовлетворяющая уравнению (1) в смысле  $L_2(R_+^n; H)$ .

Рассмотрим характеристические уравнения

$$a_k \omega_k^{l_k} + 1 = 0, k = \overline{1, n}$$

**Условие 2.** Пусть уравнения  $a_k \omega_k^{l_k} + 1 = 0$  не имеют чисто мнимых корней и  $|\arg \omega_{kj} - \pi| \leq \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{l_k}$ , при  $j = 1, \overline{d_k}, 0 \leq d_k \leq l_k$ ,  $|\arg \omega_{kj}| \leq \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{l_k}$ , при  $j = d_k + 1, l_k$ .

И пусть, далее

$$\begin{vmatrix} a_1 \omega_{n_1}^{v_1} & \dots & a_1 \omega_{n_1}^{v_{d_1}} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{d_n} \omega_{n_1}^{v_{d_n}} & \dots & a_{d_n} \omega_{n_1}^{v_{d_n}} \end{vmatrix} \neq 0$$

Рассмотрим задачу на всей оси

$$L_k u = a_k \frac{d^{l_k} u(x_k)}{dx_k^{l_k}} + A u(x_k) = f(x_k), k = \overline{1, n-1} \quad (3)$$

**Лемма 1.** Пусть выполнено условие 1 и условие 2, при некотором  $k = \overline{1, n-1}$ . Тогда задача (3) коэрцитивно разрешима в  $L_2(R; H)$ .

**Доказательство.** Пусть  $f \in L_2(R; H)$ , применяем в (3) преобразование Фурье, получаем

$$(a_k(i\lambda)^{l_k} + A) \hat{u} = \hat{f}(\lambda), \hat{u}(\lambda) = (a_k(i\lambda)^{l_k} + A)^{-1} \hat{f}(\lambda) \text{ из [1] следует, что}$$

$$\|a_k(i\lambda)^{l_k} + A\|^{-1} \leq c |\lambda|^{-l_k}$$

$$\|A(a_k(i\lambda)^{l_k} + A)^{-1}\| \leq c \quad (4)$$

Используя неравенство (4), получаем

$$\|u\|_{W_2^1(R; H(A), H)} \leq C (\|A\hat{u}\|_{L_2(R; H)} + \|(i\lambda)^{l_k} \hat{u}\|_{L_2(R; H)}) \leq$$

$$\leq C \|f\|_{L_2(R; H)} \leq C \|L_k u\|_{L_2(R; H)}, \text{ т. е. задача (3) коэрцитивно}$$

разрешима в  $L_2(R; H)$ .

**Теорема 1.** Пусть выполнены условия 1 и 2.

Тогда задача (1)–(2) коэрцитивно разрешима в  $L_2(R_+^n; H)$  при достаточно больших  $s > 0$ .

**Доказательство.** Из леммы 1, следует, что уравнение  $L_1 u = a_1 \frac{d^{l_1} u}{dx_1^{l_1}} + A u = f$  коэрцитивно разрешимо в  $L_2(R; H)$ .

Рассмотрим оператор, определенный равенствами  $D(L_1) = W_2^1(R; H(A), H)$ ,  $L_1 u = a_1 \frac{d^{l_1} u}{dx_1^{l_1}} + A u$

Тогда из [1] и [3] следует, что оператор  $L_1$  позитивный в  $L_2(R; H)$ . Теперь рассмотрим в  $L_2(R^2; H)$  уравнение

$$L_2 u = a_1 \frac{d^{l_1} u}{dx_1^{l_1}} + a_2 \frac{d^{l_2} u}{dx_2^{l_2}} + A u = f \quad (5)$$

Сведем эту задачу к задаче с обыкновенным дифференциально-операторным уравнением в  $L_2(R; L_2(R; H)) = L_2(R^2; H)$ ,  $a_2 \frac{d^{l_2} u}{dx_2^{l_2}} + L_1 u = f$

Из условия 1 и теоремы Като [2] следует, что выполняется условия леммы 1, т. е. уравнение (5) коэрцитивно разрешимо в  $L_2(R^2; H)$ . Оператор  $L_2$ , определенный равенствами  $D(L_2) = W_2^{(1, 1)}(R^2; H(A), H)$ ,  $L_2 u = a_1 \frac{d^{l_1} u}{dx_1^{l_1}} + a_2 \frac{d^{l_2} u}{dx_2^{l_2}} + A u$ , будет позитивный в  $L_2(R^2; H)$ .

Если продолжить этот процесс, то получим, что задача (1)–(2) сводится к краевой задаче для обыкновенного дифференциально-операторного уравнения

$$Lu = a_n \frac{d^{l_n} u(x_n)}{dx_n^{l_n}} + L_{n-1} u(x_n) + s u(x_n) = f(x_n)$$

$$B_j u = 0, j = \overline{1, d_n}$$

в пространстве  $L_2(R_+; L_2(R^{n-1}; H)) = L_2(R_+^n; H)$ ,

$$\text{где } L_{n-1} u = \sum_{k=1}^{n-1} a_k \frac{d^{l_k} u}{dx_k^{l_k}} + A u, u \in W_2^1(R_+^n; H(A), H)$$

Аналогично доказывается, что оператор  $L_{n-1}$ , определенный равенствами

$$D(L_{n-1}) = \frac{(l_1, \dots, l_{n-1})}{W_2(R^{n-1}; H(A), H)}, L_{n-1} u = \sum_{k=1}^{n-1} a_k \frac{d^{l_k} u}{dx_k^{l_k}} + A u$$

будет позитивный в  $L_2(R^{n-1}; H)$ .

Из условия 1 и из теоремы Като [2] следует, что выполняются все условия теоремы в [4], т. е. задача (1)–(2) коэрцитивно разрешима в  $L_2(R_+^n; H)$ .

Теперь рассмотрим в пространстве  $L_2(R^n; H)$  уравнение

$$Lu = \sum_{k=1}^n a_k \frac{d^{l_k} u}{dx_k^{l_k}} + A u = f \quad (6)$$

**Теорема 2.** Пусть выполняется условие 1 и 2, тогда уравнение (6) коэрцитивно разрешимо в  $L_2(R^n; H)$ .

**Доказательство.** Используя из условия 1 и раз применяется лемма 1.

Действительно, так как уравнение  $L_1 u = a_1 \frac{d^{n_1} u}{dx_1^{n_1}} + Au = f$  коэрцитивно разрешимо в  $L_2(R; H)$  следует, что оператор  $L_1$  позитивный в  $L_2(R; H)$ , потом рассмотрим

$$L_2 u = a_2 \frac{d^{n_2} u}{dx_2^{n_2}} + L_1 u = f.$$

Из теоремы Като и из условия 1 следует, что выполняются условия леммы 1, т. е. уравнение  $L_2 u = f$  коэрцитивно разрешимо в  $L_2(R^2; H)$ . Тогда оператор  $L_2$  будет позитивный в  $L_2(R^2; H)$ . Продолжая этот процесс, получаем, что в уравнении

$$Lu = a_n \frac{d^{n_n} u}{dx_n^{n_n}} + L_{n-1} u + f(x_n) \quad (7)$$

оператор  $L_{n-1}$  будет позитивным в  $L_2(R^{n-1}; H)$ , т. е. уравнение (6) коэрцитивно разрешимо в  $L_2(R^n; H)$ .

Теорема 2 доказана.

Теперь рассмотрим уравнение в  $L_2(R^n; H)$ .

$$L_0 u = \sum_{|\alpha| \leq n} a_\alpha D^\alpha u + Au = f, \quad (8)$$

где  $D^\alpha = \left( \frac{1}{\alpha!} \right)^{|\alpha|} D_{x_1}^{\alpha_1} \dots D_{x_n}^{\alpha_n}$ ,  $|\alpha| = \alpha_1 + \dots + \alpha_n$

**Условие 3.** Пусть при всех  $\xi \in R^n$ ,  $\xi \neq 0$ ,  $\sum_{|\alpha| \leq n} a_\alpha \xi^\alpha \geq c |\xi|^n$ , где  $\xi^\alpha = \xi_1^{\alpha_1} \dots \xi_n^{\alpha_n}$

**Теорема 3.** Пусть выполнено условие 1, 3, тогда уравнение (8) коэрцитивно разрешимо в  $L_2(R^n; H)$ .

**Доказательство.** Применяя в уравнении (8) преобразование Фурье, получаем, что

$$\left( \sum_{|\alpha| \leq n} a_\alpha \xi^\alpha + A \right) \hat{u}(\xi) = \hat{f}(\xi), \quad \hat{u} = \left( \sum_{|\alpha| \leq n} a_\alpha \xi^\alpha A \right)^{-1} \hat{f}(\xi)$$

$$\|u\|_{W_2^n(R^n; H(A), H)} \leq C (\|\Lambda \hat{u}\|_{L_2(R^n; H)} + \sum_{|\alpha|=n} \|\xi^\alpha \hat{u}\|_{L_2(R^n; H)}),$$

так как  $\sum_{|\alpha| \leq n} a_\alpha \xi^\alpha \geq c |\xi|^n$ , получаем, что

$$\|u\|_{W_2^n(R^n; H(A), H)} \leq C \|\hat{f}\|_{L_2(R^n; H)} \leq C \|Lu\|_{L_2(R^n; H)}$$

Автор считает своим приятным долгом выразить глубокую благодарность научному руководителю проф. С. Я. Якубову.

## Литература

1. Якубов С. Я., Карасик Б. Г., Мамедов К. С. Изв. АН Азерб. ССР. 1976, № 2. 2. Крейн С. Г. Линейные дифференциальные уравнения в Банаховом пространстве. М., 1967. 3. Орлов В. П. Канд. дисс. Воронеж, 1975. 4. Шахмурев В. Б. Теорема об изоморфизме для краевой задачи на полуоси. Мат-лы конф. молодых ученых, 1977.

АПИ им. В. И. Ленина

Поступило 22.XI 1977

В. Б. Шахмурев

## БИР СИНİФ ХУСУСИ ТӨРӘМӘЛИ ДИФЕРЕНСИАЛ-ОПЕРАТОР ТӘНЛИКЛӘРИ ҮЧҮН ГОЈУЛМУШ СӘРНӘД МӘСӘЛӘСИ ҺЭЛЛИНИН КОЕРСАТИВ ВАРЛЫГЫ

Мәгаләдә бир синиf хусуси төрәмәли дифференсиал-оператор тәнликләри үчүн гојулмуш үмуми сәрнәд мәсәләси һэллинин коерсатив варлығы ишбат едилir. Верилмиш тәнликдә мұхтәлиф дәжүшәнләрә көрә мұхтәлиф тәртибдән төрәмәләр иштирак едир.

V. S. Shahmurov

## COERSIVE SOLVABILITY OF BOUNDARY VALUE PROBLEM FOR PARTIAL DIFFERENTIAL OPERATOR EQUATIONS OF SOME CLASS

In the paper it is proved a coercive solvability of general boundary value problem for one class of partial differential operator equations. Considered equations contains various orders of derivatives by various variables.

М. А. МЕХТИЕВ

ПОВЕРХНОСТНЫЕ ТАММОВСКИЕ СОСТОЯНИЯ ПЛЕНОК  
 $Hg_{1-x}Cd_xTe$ 

(Представлено академиком АН Азербайджанской ССР Г. Б. Абдуллаевым)

В предыдущей работе [1] были получены поверхностные таммовские состояния полуметаллических и полупроводниковых образцов  $Hg_{1-x}Cd_xTe$ , занимающих полупространство  $z > 0$ . Целью настоящей работы является определение спектра таммовских поверхностных состояний для пленок из  $Hg_{1-x}Cd_xTe$ , обладающих конечной толщиной. Предположим, что пленка занимает положение  $0 \leq z \leq L$  и ограничена слева средой I, а справа средой II.

Тогда потенциальную энергию электрона в точке  $\vec{r}$  можно представить в виде:

$$W(\vec{r}) = \begin{cases} V_1(\vec{r}) & z < 0 \\ V(\vec{r}) & 0 \leq z \leq L \\ V_{II}(\vec{r}) & z > L \end{cases} \quad (1)$$

$V_1(\vec{r})$ ,  $V(\vec{r})$ ,  $V_{II}(\vec{r})$  соответственно являются потенциальными энергиями электрона в среде I, в пленке и в среде II.

Для решения уравнения Шредингера, так же, как и в предыдущей работе [1], применим математический метод четного продолжения уравнения. Проводя вычисления, аналогичные проделанным в [1], можно показать, что основные уравнения, служащие для определения спектра  $E(\vec{q})$  поверхностных состояний, для пленок будут иметь вид:

$$\int \left( G_E^I(\vec{p}, 0; \vec{p}', 0) + \sum_{n=-\infty}^{\infty} G_E(\vec{p}, 0; \vec{p}', 2nL) \right) \psi_E(\vec{p}', 0) d\vec{p}' - \\ - \int \sum_{n=-\infty}^{\infty} G_E(\vec{p}, 0; \vec{p}', (2n+1)L) \psi_E(\vec{p}', L) d\vec{p}' = 0 \quad (2)$$

$$\int \left( G_E^{II}(\vec{p}, 0; \vec{p}', L) + \sum_{n=-\infty}^{\infty} G_E(\vec{p}, L; \vec{p}', (2n+1)L) \right) \psi_E(\vec{p}', L) d\vec{p}' + \\ + \int \sum_{n=-\infty}^{\infty} G_E(\vec{p}, L; \vec{p}', 2nL) \psi_E(\vec{p}', 0) d\vec{p}' = 0,$$

где  $G_E^I(\vec{r}; \vec{r}')$ ,  $G_E(\vec{r}; \vec{r}')$  и  $G_E^{II}(\vec{r}; \vec{r}')$  соответственно являются функциями Грина для среды I, пленки и среды II;  $\psi_E(\vec{p}, 0)$  и  $\psi_E(\vec{p}', L)$  соответственно представляют собой производную волновой функции поверхностного состояния по координате  $z$  на левой и правой поверхностях пленки;  $\vec{p}$  — радиус-вектор вдоль поверхности пленки;  $L$  — толщина пленки;  $E$  — энергия поверхностного состояния.

В дальнейшем ограничимся случаем, когда пленка, как справа, так и слева ограничена вакуумом. Тогда можно показать, что уравнения (2) допускают два типа решения — симметричные и антисимметричные. Первые из них требуют, чтобы  $\psi_E(\vec{p}, 0) = -\psi_E(\vec{p}, L)$ , а вторые  $\psi_E(\vec{p}, 0) = \psi_E(\vec{p}, L)$ . Уравнения (2) в этом случае принимают вид:

$$\int \left[ G_E^I(\vec{p}, 0; \vec{p}', 0) + \sum_{n=-\infty}^{\infty} G_E(\vec{p}, 0; \vec{p}', 2nL) \pm \right. \\ \left. \pm \sum_{n=-\infty}^{\infty} G_E(\vec{p}, 0; \vec{p}', (2n+1)L) \right] \psi_E(\vec{p}', 0) d\vec{p}' = 0 \quad (2)$$

Знаки  $\pm$  перед третьим слагаемым соответствуют симметричному и антисимметричному решению соответственно. Функции Грина  $G_E^I(\vec{r}; \vec{r}')$ ,  $G_E(\vec{r}; \vec{r}')$ , выходящие в (2), определяются следующим образом:

$$G_E(\vec{r}; \vec{r}') = \frac{1}{v} \sum_{n\kappa\sigma} \frac{\phi_{n\kappa\sigma}(\vec{r}) \phi_{n\kappa\sigma}^*(\vec{r}')}{{\epsilon}_n(\kappa) - E - i\delta} \\ G_E^I(\vec{r}; \vec{r}') = \frac{1}{v} \sum_{\vec{x}} \frac{e^{i\vec{q}(\vec{r}-\vec{r}')}}{\frac{\hbar^2 x^2}{2m_0} - E - i\delta} \quad (3)$$

$v$  — объем квантования системы;  $\phi_{n\kappa\sigma}(\vec{r})$ ,  $\epsilon_n(\kappa)$  — волновые функции и энергии  $n$ -ой зоны, с, квазимпульсом  $\kappa$ ,  $\sigma$  — принимают два значения, вектор  $\vec{x}$  неограничен по величине. Функция  $\psi_E(\vec{p}, 0)$  в (2) может быть представлена в виде:

$$\psi_E(\vec{p}, 0) = e^{i\vec{q}\vec{p}} \varphi_{\vec{q}}(\vec{p}, 0), \quad (4)$$

где  $\varphi_{\vec{q}}(\vec{p}, 0)$  — периодическая функция на плоскости  $z=0$ ,  $\vec{q}$  — квазимпульс поверхностного состояния.

\*)  $h$  — постоянная Планка, деленная на  $2\pi$ .

Используя явный вид волновых функций  $\psi_{nka}(\vec{r})$  [1, 2, 3] и проводя вычисления, аналогичные проделанным в [1], получим уравнение для энергии поверхностных состояний:

$$\frac{3\hbar^2 q^3}{4E} \sqrt{q^2 + \frac{2m_h E}{\hbar^2}} \left( 1 \mp e^{-\sqrt{q^2 + \frac{2m_h E}{\hbar^2}} L} \right) - \\ - \left( 2m_h + \frac{3\hbar^2 q^2}{4E} \right) \sqrt{q^2 - \frac{E(E + \epsilon_g)}{\frac{2}{3} p^2}} \left( 1 \mp e^{-\frac{\sqrt{E(E + \epsilon_g)}}{\frac{2}{3} p^2} L} \right) = 0, \quad (5)$$

здесь  $\epsilon_g$ —энергетическое расстояние между зонами легких частиц,  $E$ —отсчитывается от дна зоны проводимости,  $m_h$ —эффективная масса тяжелых дырок,  $p$ —известный параметр в модели Кейна [2], знак  $\pm$  в квадратных скобках соответствует симметричному и антисимметричному решению.

Отсюда, при больших значениях  $L(L \rightarrow \infty)$  мы получаем уравнение, совпадающее с уравнением (15) работы [1]. В этом случае, как было показано, возникают два типа поверхностных состояний. Один из них соответствует состояниям, отщепленным от зоны проводимости, а другой—состояниям, отщепленным от валентной зоны. Эти состояния исчезают, если масса тяжелых дырок  $m_h$  обращается в бесконечность.

В другом предельном случае, когда  $\sqrt{q^2 + \frac{2m_h E}{\hbar^2}} L \ll 1$  и

$$\sqrt{q^2 - \frac{E(E + \epsilon_g)}{\frac{2}{3} p^2}} L \ll 1, \text{ разлагая в ряд экспоненты, входящие в (5),}$$

получим, что уравнение для симметричного решения совпадает с уравнением для случая  $L \rightarrow \infty$ . Поэтому приходим к выводу, что в тонких пленках ( $qL \ll 1$ ) будут существовать два типа симметричных поверхностных состояний, отщепленных от зоны проводимости и валентной зоны.

Уравнение для антисимметричных состояний в случае  $qL \ll 1$  имеет вид:

$$E(E + \epsilon_g) = \frac{1}{6} p^2 q^2 - \frac{3}{8} \frac{\hbar^2 q^2}{m_h} (E + \epsilon_g) \quad (6)$$

Отсюда, для энергии  $E(q)$  поверхностных состояний получим выражение:

$$E = -\frac{1}{2} \epsilon_g \left( 1 + \frac{3}{8} \frac{\hbar^2 q^2}{m_h \epsilon_g} \right) + \sqrt{\frac{\epsilon_g^2}{4} \left( 1 + \frac{3\hbar^2 q^2}{8m_h \epsilon_g} \right) + \frac{1}{6} p^2 q^2 - \frac{3}{8} \frac{\hbar^2 q^2}{m_h} \epsilon_g} \quad (7)$$

В параболическом пределе ( $\epsilon_g \rightarrow \infty$ ) это выражение предельно упрощается:

$$E = \frac{\hbar^2 q^2}{2m_h}$$

Здесь  $m_s$ —эффективная масса поверхностного состояния. Она связана с эффективной массой электронов и тяжелых дырок следующим образом:

$$\frac{1}{m_s} = \frac{1}{4m_e} \left( 1 - 3 \frac{m_e}{m_h} \right) \quad (9)$$

Таким образом, мы видим, что в параболическом пределе антисимметричные поверхностные состояния для тонких пленок обладают значительно большой эффективной массой, чем эффективная масса объемных электронов. Причем, эти состояния возникают и при  $m_h = \infty$ . Из (9) следует, что если бы эффективная масса объемных электронов была бы в 3 раза меньше, чем эффективная масса тяжелых дырок, то эффективная масса поверхностных состояний обратилась бы в бесконечность. В сильно непараболическом случае ( $\epsilon_g \rightarrow 0$ ), для энергии поверхностных состояний получаем следующее выражение

$$E(q) = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{2}{3} p q - \frac{3\hbar^2 q^2}{16m_h}} \quad (10)$$

Из этой формулы видно, что и в сильно непараболическом случае спектр антисимметричных поверхностных состояний также сильно отличается от спектра объемных электронов.

Для полупроводниковых образцов уравнение (6) заменяется следующим:

$$E(E + \epsilon_g) = \frac{1}{6} p^2 q^2 - \frac{3}{8} \frac{\hbar^2 q^2}{m_h} E, \quad (11)$$

из которого соответственно в параболическом и сильно непараболическом пределе получим следующие формулы для энергии антисимметричных поверхностных состояний

$$E(q) = \frac{\hbar^2 q^2}{8m_h} \quad (12)$$

$$E(q) = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{2}{3} p q - \frac{3\hbar^2 q^2}{16m_h}} \quad (13)$$

Из (12) следует, что эффективная масса поверхностных состояний равна в четыре раза больше, чем масса объемных электронов.

Благодаря существенной разнице в спектрах объемных и антисимметричных поверхностных состояний тонких пленок, можно надеяться, что их легко будет обнаружить на эксперименте.

В заключение выражают свою благодарность В. М. Аграновичу, Ю. М. Сейдову, Э. Ю. Салину, Ф. М. Гашимзаде, З. З. Михмудову, Р. Р. Русейнову и другим участникам теоретического семинара Института физики АН Азерб. ССР.

#### Литература

1. Mekhtiyev M. A. Solid State Comm., 22, 483, 1977; 2. Капе В. д. Phys. Chem., Vol. 1, 240, 1957; 3. Алиев Т. А. Гашимзаде Ф. М. Иш. АН Азерб. ССР, серия физ.-техн. и матем. наук, № 4, 98, 1970; 4. Завадский У. З. Бутман У. И. J. Phys. Chem., Vol. 32, 1161, 1971; Phys. Stat. Sol. B, 45, 415, 1971.

НАЗИК  $Hg_{1-x}Cd_xTe$  ТӘБӘГӘЛӘРИН ТАММ СӘТҮ СӘВИЙЈӘЛӘРИ

Мәгәләдә назик ярымметал вә ярымкечиричи  $Hg_{1-x}Cd_xTe$  тәбәгәләрни симметрик вә антисимметрик сәтү сәвијјәләри өзөнчилмишdir. Антисимметрик сәтү сәвијјәләрни спектринин һәчи электронларының спектриндән кәскин фәргләндиди мүэйжән едилишишdir.

М. А. Mekhtiev

ТАММ SURFACE STATES OF FILMS  $Hg_{1-x}Cd_xTe$ 

The spectra of symmetrical and antisymmetrical surface states of semimetal and semiconductor films  $Hg_{1-x}Cd_xTe$  were obtained. It is found that the spectra antisymmetrical surface states significantly differ from those of bulk electron states.

## ДОКЛАДЫ АКАДЕМИИ НАУК АЗЕРБАЙДЖАНСКОЙ ССР

ТОМ XXXIV ЧИЛД

№ 6

1978

УДК 517. 456

МАТЕМАТИКА

Чл.-корр. Ф. Г. МАКСУДОВ, И. Д. МАРДАНОВ, А. Х. ШАМИЛОВ

СПЕЦИАЛЬНАЯ КРАЕВАЯ ЗАДАЧА ДЛЯ НЕЛИНЕЙНЫХ  
ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ С ОТКЛОНИЯЮЩИМСЯ  
АРГУМЕНТОМ НЕЙТРАЛЬНОГО ТИПА

Рассмотрим систему дифференциальных уравнений нейтрального типа

$$\ddot{x}(t) = F(t, x(\sigma_0(t)), \dots, x(\sigma_m(t)), \dot{x}(\sigma_0(t)), \dots,$$
 (1)

$$\dots, \dot{x}(\sigma_m(t)), \dots, \ddot{x}(\sigma_1(t)), \dots, \ddot{x}(\sigma_m(t))),$$

где  $x=(x_1, \dots, x_n)$ —искомая вектор-функция;  $F$ —заданная вектор-функция;  $\sigma_i(t)$  ( $i=1, m$ )—заданные непрерывные скалярные функции, определенные на  $[0, T]=J$ ;  $\sigma_0(t)=t$ .

Задача. Найти такое решение  $x(t)$  уравнения (1) и такое значение  $t^*$  аргумента  $t$ ,  $t^* \in (0, T)$ , чтобы выполнялись условия

$$x^{(j)}(\xi)=0 \text{ при } \xi \in J; j=0, 1, 2. \quad (2)$$

$$x(0)=0; \| \dot{x}(0) \| =v>0; \quad (3)$$

$$x(t^*)=x^*, \quad (4)$$

где  $v$ -заданное число,  $x^*$ -заданный вектор,  $\| x \| =\max |x_i|$ .  $1 \leq i \leq n$ .

Решение задачи (1)–(4) будем обозначать через  $(x(t), t^*)$ . Из постановки задачи следует, что в некотором подмножестве решений дифференциальное уравнение нейтрального типа ищется такое, которое в найденном значении аргумента удовлетворяет заданному условию.

Аналогичные задачи для отдельных классов обыкновенных дифференциальных уравнений, дифференциальных уравнений с запаздывающим аргументом исследованы в работах [5, 6, 8].

Во множестве непрерывных на  $J$  функций, обладающих абсолютно непрерывной первой производной введем норму

$$\| x \|_{2,1}=\max \left\{ \frac{2}{T^2} \| x \|_1, \frac{1}{T} \| \dot{x} \|_1, \| \ddot{x} \|_1 \right\},$$

$$\| x \|_1=x \int_0^T \| x(s) \| ds,$$

тем самым его превратим в банахово пространство и обозначим через  $C_1^{(2)}$ .

Приведем следующие условия:

а)  $F$ —измерима по  $t$  при произвольных фиксированных значениях остальных аргументов и непрерывна по совокупности всех аргументов, кроме  $t$ , при почти каждом  $t \in J$ , т. е.  $F$  удовлетворяет условию Каратеодори (см. [1] стр. 340);

б)  $F$ —удовлетворяет условию Липшица с константами  $P_0, \dots$

$\dots, P_m$  по переменным  $x(\sigma_0), \dots, x(\sigma_m)$  с константами  $q_0, \dots, q_m$  по переменным  $x(\sigma_0), \dots, x(\sigma_m)$  с константами  $r_1, \dots, r_m$  и по переменным  $\ddot{x}(\sigma_1), \dots, \ddot{x}(\sigma_m)$ , причем  $M_0 = \|F(t, 0, 0, 0)\|_1 < \infty$ .  
в) существуют числа  $\theta_i (i=1, m)$  такие, что при отображении  $\sigma_i (t)$  для любого измеримого множества  $E \subseteq J \cap \sigma_i(J)$  и его прообраза  $\sigma_i^{-1}(E)$  выполняются неравенства.

$$\text{mes } \sigma_i^{-1}(E) \leq \theta_i \text{ mes } E \quad (i=1, m). \quad (\text{см. [2]}).$$

Правую часть уравнения (1) с учетом условий (2) обозначим через  $F[t, x, \dot{x}, \ddot{x}]$ .

Тогда задача (1)–(4) эквивалентна системе

$$\begin{cases} x(t) = \frac{t}{t^*} (x^* - \int_0^{t^*} (t^* - s) F[s, x, \dot{x}, \ddot{x}] ds + \int_0^t (t - s) F[s, x, \dot{x}, \ddot{x}] ds) \\ t^* = \frac{1}{v} \|x^* - \int_0^{t^*} (t^* - s) F[s, x, \dot{x}, \ddot{x}] ds\|. \end{cases} \quad (5)$$

**Теорема 1.** Пусть выполнены условия а), б), в), а также неравенства

$$v - \frac{\delta}{T} - M_0 > 0; \quad (6)$$

$$K_0 = \left( \frac{2v}{v - M_0 - \rho\alpha} + 1 \right) \alpha < 1; \quad (7)$$

$$v + M_0 \leq \rho(1 - K_0); \quad (8)$$

$$\rho \leq (v - \frac{\delta}{T} - M_0) \cdot \frac{1}{\alpha}, \quad (9)$$

$$\text{где } \alpha = (0\rho + \rho_0) \frac{T^2}{2} + (0q + q_0) T + r\theta, \quad \delta = \|x^*\|.$$

Тогда система (6) имеет единственное решение  $(x(t), t^*)$ , принадлежащее множеству  $S$   $x \left( \frac{\delta}{2v}, T \right)$ , где  $S = \{x(t) \in C_1^{(2)} : \|x\|_{2,1} \leq \rho\}$ .

**Доказательство.** В силу условий (6), в) теоремы 1 для любых справедливо неравенство

$$\int_0^T \|F[t, x, \dot{x}, \ddot{x}] - F[t, y, \dot{y}, \ddot{y}]\| dt \leq \alpha \|x - y\|_{2,1}, \quad (10)$$

в частности

$$\int_0^T \|F[t, x, \dot{x}, \ddot{x}]\| dt \leq M_0 + \alpha \|x\|_{2,1} \leq M_0 + \alpha \rho. \quad (11)$$

Пусть  $x(t) \in C_1^{(2)}$ . Тогда при предложении теоремы 1, уравнение

$$t^* = \frac{1}{v} \|x^* - \int_0^{t^*} (t^* - s) F[s, x, \dot{x}, \ddot{x}] ds\| \quad (12)$$

относительно  $t^*$  имеет единственное решение  $t^* \in \left( \frac{\delta}{2v}, T \right)$ . Действительно, при фиксированном  $x(t) \in C_1^{(2)}$  правая часть уравнения (12) рассматривается как оператор от  $t$ , отображает  $J$  в себя и является сжимающим, с коэффициентом сжатия  $\frac{M_0 + \rho\alpha}{v}$ , так как в силу условий соблюдаются неравенства

$$\delta + T(M_0 + \rho\alpha) \leq Tv; \quad M_0 + \rho\alpha < v.$$

Таким образом, уравнение (12) определяет функционал  $t^*(x)$ :  $S \rightarrow \left( \frac{\delta}{2v}, T \right)$ , поскольку для любого  $x(t) \in S$  справедливо неравенство

$$t^*(x) \geq \frac{1}{v} \delta - \frac{1}{v} \| \int_0^{t^*(x)} (t^*(x) - s) F[s, x, \dot{x}, \ddot{x}] ds \| \geq \frac{\delta}{v} - \frac{1}{v} (M_0 + \rho\alpha)$$

$t^*(x)$  из которого, в силу (9) следует  $t^*(x) > \frac{\delta}{2v}$ .

Определим оператор

$$Dx = \eta(x)t + \int_0^t (t - s) F[s, x, \dot{x}, \ddot{x}] ds, \quad (13)$$

$$\text{где } \eta(x) = \frac{1}{t^*(x)} \left[ x^* - \int_0^{t^*(x)} (t^*(x) - s) F[s, x, \dot{x}, \ddot{x}] ds \right].$$

Покажем, что оператор  $D$  отображает шар  $S$  в себя и является сжимающим.

В силу леммы 2 работы [6], для любых  $x, y \in S$  справедливо неравенство

$$\|\eta(x) - \eta(y)\| \leq \frac{2v}{T(v - M_0 - \rho\alpha)} \max_{0 < t < T} \int_0^t (t - s) \|F[s, x, \dot{x}, \ddot{x}] - F[s, y, \dot{y}, \ddot{y}]\| ds,$$

из которого с учетом (10) следует

$$\|\eta(x) - \eta(y)\| \leq \frac{2v\alpha}{v - M_0 - \rho\alpha} \|x - y\|_{2,1}. \quad (14)$$

С помощью (10) и (14) получим:

$$\frac{2}{T^2} \|(Dx)(t) - (Dy)(t)\|_1 \leq K_0 \|x - y\|_{2,1},$$

$$\frac{1}{T} \|(Dx)'(t) - (Dy)'(t)\|_1 \leq K_0 \|x - y\|_{2,1},$$

$$\| (Dx)''(t) - (Dy)''(t) \|_1 \leq \alpha \| x - y \|_{2,1}.$$

Из последних трех неравенств, по определению нормы  $\| \cdot \|_{2,1}$  получим неравенство

$$\| Dx - Dy \|_{2,1} \leq K_0 \| x - y \|_{2,1}, \quad (15)$$

из которого, в частности, следует

$$\| Dx \|_{2,1} \leq \| D0 \|_{2,1} + K_0 \| x \|_{2,1}.$$

В последнем неравенстве, учитывая оценки

$$\| D0 \|_{2,1} \leq M_0 + v \quad \text{и} \quad \| x \|_{2,1} \leq \rho$$

имеем неравенство

$$\| Dx \|_{2,1} \leq v + M_0 + K_0 \rho,$$

из которого в силу условия (8) теоремы 1 следует

$$\| Dx \|_{2,1} \leq \rho. \quad (16)$$

Теперь справедливость теоремы 1 следует из принципа сжимающих отображений (см. [9], стр. 475) с учетом неравенств (15), (16).

**Замечание 1.** Используя неравенство  $v - M_0 - \rho \alpha \geq \frac{\delta}{T}$ , которое следует из условия (9) теоремы 1, можно заменить условие (7) более грубым, но легко проверяемым условием  $K_0 = \left(\frac{2vT}{\delta} + 1\right) \alpha < 1$ .

**Замечание 2.** Если  $\sigma_i(J) \cap J = \emptyset$ ,  $i=1, \dots, m$  или же уравнение (1) является обыкновенным, то в формулировке теоремы 1  $P=q=r=0$  и  $\alpha=P_0 \frac{T^2}{2} + q_0 T$ , причем в первом случае условие (b) тривиально, а во втором излишне.

Банахово пространство дважды непрерывно дифференцируемых на  $J$  вектор-функций с нормой

$$\| x \|_c = \max \left\{ \frac{2}{T^2} \| x \|_2, \frac{1}{T} \| \dot{x} \|_2, \| \ddot{x} \|_2 \right\},$$

где  $\| x \|_2 = \max_{0 \leq t \leq T} \| x(t) \|$ ,

обозначим через  $C^2$ .

**Теорема 2.** Пусть  $F$  непрерывна, удовлетворяет условию Липшица по совокупности аргументов, начиная со ста второго; скалярные функции  $\sigma_i(t), i=1, \dots, m$  непрерывны на  $J$  и такие, что  $\sigma_i(t) \in J$ .

Кроме того выполняются условия (6), (7), (9) теоремы 1, где

$$\alpha = (P+P_0) \frac{T^2}{2} + (q_0+q)T + r, \text{ и неравенство } \frac{2}{T} v + \| F(t, 0, 0, 0) \|_2 \leq \rho(1-K_0).$$

Тогда система (5) имеет единственное решение  $(x(t), t^*)$ , принадлежащее множеству

$$S_c \times \left[ \frac{\delta}{2v}, T \right], \text{ где } S_c = \{x(t) \in C^2 : \| x \|_c < \rho\}.$$

**Теорема 2** доказывается аналогично теореме 1. Множество непрерывных на  $J$  функций, обладающих абсолютно непрерывной первой про-

изводной, с метрикой

$$d(x, y) = (\| x - y \|_1, \| \dot{x} - \dot{y} \|_1, \| \ddot{x} - \ddot{y} \|_1)',$$

где ' обозначает транспонирование вектора, является обобщенным полным метрическим пространством, которое обозначим через  $M$ . Теорема 3. Пусть выполняются условия а), б), в) и неравенства

$$\left( \frac{T^2}{2} (v+M_0+\beta), T(v+M_0+\beta), M_0+\beta \right) \leq (a, b, c);$$

$$v-M_0-\beta > 0;$$

$$\left[ \frac{T^2}{2} (\theta P+P_0) + T(\theta q+q_0) \right] \left( \frac{2v}{v-M_0-\beta} + 1 \right) + \theta r < 1,$$

$$\text{где } \beta = (P_0 + \theta P) a + (q_0 + \theta q) b + \theta rc.$$

Тогда система (5) имеет единственное решение  $(x(t), t^*)$ , принадлежащее множеству  $R \times \left[ \frac{\delta}{2v}, T \right]$ , где  $R = \{x(t) : d(x, 0) \leq (a, b, c)\}$ ,  $R \in M$ . Теорема 3 доказывается с помощью схемы доказательства теоремы 1 и обобщенного принципа сжимающих отображений [7].

## Литература

1. Красносельский М. А. и др. Интегральные операторы в пространствах суммируемых функций. «Наука», 1966.
2. Каменский Г. А., Мышкин А. Д. Дифференциальные уравнения, 10, 12, 1974.
3. Люстерник Л. А., Соболев В. И. Элементы функционального анализа. «Наука». М., 1965.
4. Лепин А. Я. Дифференциальные уравнения, 13, №11, 1977.
5. Nicliborg W. Berichte. Leipzig, 82, 1930.
6. Перов А. И., Махмудов А. П. Дифференциальные уравнения, 2, №3, 1966.
7. Перов А. И. Приближенные методы решения дифференциальных уравнений, вып. 2. Киев, 1964.
8. Собех М. М. Уч. зап. АГУ им. С. М. Кирова, №4, 1975.
9. Хартман Ф. Обыкновенные дифференциальные уравнения. «Мир» 1970.

Институт математики  
и механики

Поступило 6. II 1978

Ф. Г. Магсудов, И. Ч. Марданов, Э. Х. Шамилов

ГЕРЖИ-ХЭТТИ МЕДЛ ЕДЭН АРГУМЕНТЛИ НЕЙТРАЛ ТИП  
ДИФЕРЕНСИАЛ ТЭНЛИК ҮЧҮН ГОУЛУМУШ БИР ХУСУСИ  
СЭРҮЭД МЭСЭЛЭСИ

Мэгалэ мэдл едэн аргументли неядрал тип диференсиал тэнлижин елэ һэллиний вэ аргументийн слэгийнтийн варлыг вэ яеканэлийн һэср олуулушдур ки, һэмийн һэлл тэнлижин һэллэриний мүэjjэн алтчохлууга дахил олсун вэ аргументийн тапылмыш гијмэтийн эввэлчэдэн верилмийш шэрти ёдэсн.

F. Q. Maksudov, I. D. Mardanov, A. Kh. Shamilov

A SPECIAL BOUNDARY PROBLEM FOR THE NON-LINEAR  
DIFFERENTIAL EQUATIONS WITH DEFLECTING ARGUMENT OF  
NEUTRAL TYPE

This paper is devoted to the investigation of a unique existence of such kind of solution, in some subset of solutions of differential equations of neutral type and such meaning of argument that satisfy the given condition.

А. Т. ТАГИ-ЗАДЕ

## ЭНТРОПИЯ ДЕЙСТВИЙ АМЕНАБЕЛЬНЫХ ГРУПП

(Представлено академиком АИ Азербайджанской ССР А. И. Гусейновым)

Пусть  $T: g \rightarrow T^g$  есть действие\* дискретной аменабельной группы  $G$  на компактном метрическом пространстве  $X$ ,  $M(X, T)$  — совокупность всех  $T$  инвариантных положительных борелевских регулярных вероятностных мер на  $X$ . Последовательностью Фёльнера назовем последовательность  $F = \{F_i\}_{i=1}^\infty$  конечных непустых подмножеств группы  $G$ , удовлетворяющих условиям:

$$F_1 = F_1^{-1} \text{ и}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{|gF_n \wedge F_n|}{|F_n|} = 1$$

для любого  $g \in G$ , где  $|F|$  — число элементов множества  $F$ . Для  $\mu \in M(X, T)$  последовательности Фёльнера  $F = \{F_i\}_{i=1}^\infty$  и конечного  $\mu$  — измеримого разбиения  $A$  пространства  $X$  положим:

$$h_\mu^F(T, A) = \overline{\lim}_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{|F_n|} H_\mu(V T^g A),$$

где  $H_\mu(\cdot)$  — энтропийная функция разбиения. Определим метрическую энтропию действия  $T$ :

$$h_\mu(T) = \inf_F h_\mu^F(T), \text{ где } h_\mu^F(T) = \sup_A h_\mu^F(T, A).$$

Для открытого покрытия  $A$  пространства  $X$  обозначим минимум числа элементов в подпокрытии покрытия  $A$ .

Пусть

$$h^F(T, A) = \overline{\lim}_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{|F_n|} \log N(V T^g A),$$

где  $F = \{F_i\}_{i=1}^\infty$  последовательность Фёльнера.

Топологическую энтропию действия  $T$  определим следующим образом:

$$h(T) = \inf_F h^F(T), \text{ где } h^F(T) = \sup_A h^F(T, A)$$

Для действия группы  $z$  Динабургом [1], а позднее для действия группы  $z^n$  Мизюревичем [2] доказано следующее утверждение, которое называется вариационным принципом для топологической энтропии:

$$h(T) = \mu \in M^{\sup}(X, T)^{h_\mu(T)}$$

\* То есть гомоморфизм  $G$  в группу гомеоморфизмов пространства  $X$  на себя.

В настоящей работе будет приведен фрагмент доказательства вариационного принципа для действий упорядочиваемых аменабельных групп, а также анонсированы некоторые результаты, относящиеся к энтропийной теории групповых действий.

**Теорема 1.** Пусть  $T$  — действие упорядочиваемой аменабельной группы  $G$  — на компактном метрическом пространстве  $X$ , тогда

$$\mu \in M^{\sup}(X, T)^{h_\mu(T) > h(T)}$$

Введем необходимые для доказательства определения. Пусть  $H$  — конечное подмножество группы  $G$ ,  $\delta > 0$ . Конечное множество  $e \subset X$  назовем  $(H, \delta)$ -разделенным, если для любых  $x, y \in e$ ,  $x \neq y$

$$\max_{g \in H} r(T_x^g, T_y^g) \geq \delta,$$

где  $r$  метрика в  $X$ .

Точную верхнюю грань  $\log |e|$  по всем  $(H, \delta)$  разделенным множествам обозначим  $\tilde{h}(T, H, \delta)$ . Пусть

$$h^F(T, \delta) = \overline{\lim}_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{|F_n|} \tilde{h}(T, F_n, \delta),$$

где  $F = \{F_i\}_{i=1}^\infty$  — последовательность Фёльнера. Положим  $\tilde{h}^F(T) = \sup_{\delta > 0} h^F(T, \delta)$ . Следуя [3], можно показать, что  $\tilde{h}^F(T) = h^F(T)$ . Для конечного борелевского разбиения (покрытия)  $A$  введем

$$\lambda(A) = \sup_{a \in A} \operatorname{diam}(a); \operatorname{card} A = |\{a \in A\}|$$

Обозначим через  $P$  прошлое в группе  $G$ , т. е.  $P = \{g \in G : g < e\}$ , где  $e$  — единица группы  $G$ .

Сформулируем лемму, которая будет использована при доказательстве теоремы 1.

**Лемма:** Пусть  $G$  — упорядочиваемая аменабельная группа.

Тогда для любой последовательности Фёльнера  $F = \{F_i\}_{i=1}^\infty$  в  $G$  любого конечного  $P_0 \subset P$  и любого  $\varepsilon > 0$  существует натуральное  $n_0$  такое, что при  $n > n_0$  выполняется неравенство:

$$\left| \left\{ g_k^n \in F_n : P_0 \subset (g_k^n)^{-1} \left( \bigcup_{l=1}^{k-1} g_l^n \right) \right\} \right| \geq (1-\varepsilon) |F_n|,$$

где  $\{g_1^n < g_2^n < \dots < g_{|F_n|}^n\} = F_n$

**Доказательство теоремы 1.**

Зафиксируем  $\delta > 0$  и последовательность Фёльнера  $F = \{F_i\}_{i=1}^\infty$ . Для каждого  $m \in \mathbb{Z}^+$  выберем такое  $(F_m, \delta)$ -разделенное множество  $e_m$ , что

$$\tilde{h}(T, F_m, \delta) - 1 \leq \log |e_m|$$

Определим меру  $\sigma_m$ , сосредоточенную на  $e_m$ , формулой

$$\sigma_m(\{y\}) = \frac{1}{|e_m|} \quad \text{для } y \in e_m$$

Пусть  $A$  — такое конечное борелевское разбиение пространства  $X$ ,

что  $\lambda(A) < \delta$ . Тогда для всех  $a \in A^{F_m} = \bigvee_{g \in F_m} T^g A$  имеем:  $|e_m \cap a| \leq 1$ , т. е.

$$H_{\sigma_m}(A^{F_m}) \sum_{y \in e_m} \sigma_m(\{y\}) \cdot (-\log \sigma_m(\{y\})) = \log |e_m| \quad (1)$$

Положим

$$\mu_m(\cdot) = \frac{1}{|F_m|} \sum_{g \in F_m} \sigma_m(T^g \cdot)$$

Для некоторой бесконечной последовательности  $\{n_i\}_{i=1}^\infty$ , существует предел

$$\lim_{i \rightarrow \infty} \frac{1}{|F_{n_i}|} \tilde{h}(T, F_{n_i}, \delta) = \tilde{h}^F(T, \delta)$$

Выберем какую-нибудь предельную точку  $\mu$  последовательности  $\{\mu_{n_i}\}_{i=1}^\infty$ . Мера  $\mu \in M(X, T)$ . Из [4] следует, что

$$h_\mu^F(T) = H_\mu(A \mid \bigvee_{g \in P} T^g A)$$

Зафиксируем  $\varepsilon > 0$ . В силу свойств условной энтропии существует такое конечное  $P_0 \subset P$ , что

$$H_\mu(A \mid \bigvee_{g \in P_0} T^g A) - h_\mu(T, A) < \varepsilon$$

Из (1) следует, что

$$\begin{aligned} \frac{1}{|F_n|} (\tilde{h}(T, F_n, \delta) - 1) &\leq \frac{1}{|F_n|} H_{\sigma_n}(A^{F_n}) = \frac{1}{|F_n|} (H_{\sigma_n}(T^{g_1^n} A) + \\ &+ H_{\sigma_n}(T^{g_2^n} A \mid T^{g_1^n} A) + \dots + H_{\sigma_n}(T^{g_{|F_n|}^n} A \mid \bigvee_{i < |F_n|} V T^{g_i^n} A) = \\ &= \frac{1}{|F_n|} (H_{\sigma_n}(T^{g_1^n})(A) + H_{\sigma_n}(T^{g_2^n})(A \mid (T^{g_1^n})^{-1} T^{g_2^n} A) + \dots + \\ &+ H_{\sigma_n}(T^{g_{|F_n|}^n})(A \mid \bigvee_{i < |F_n|} V (T^{g_i^n})^{-1} T^{g_{i+1}^n} A), \end{aligned} \quad (2)$$

где  $\{g_1^n < g_2^n < \dots < g_{|F_n|}^n\} = F_n$

Обозначим последнюю сумму в (2) через  $J(A, F_n)$ .

Из (2) в силу леммы следует, что существует  $n_0 \in \mathbb{Z}^+$  такое, что при  $n \geq n_0$

$$\left| J(A, F_n) - \frac{1}{|F_n|} \sum_{g \in F_n} H_{\sigma_n}(T^g)(A \mid \bigvee_{k \in P_0} V T^k A) \right| < \varepsilon$$

Из построения меры  $\mu_n$  имеем

$$(J(A, F_n) - H_{\mu_n}(A \mid \bigvee_{k \in P_0} V T^k A)) < \varepsilon \quad (3)$$

Из (1) и (3) следует, что

$$\frac{1}{|F_n|} (\tilde{h}(T, F_n, \delta) - 1) \leq H_{\mu_n}(A \mid \bigvee_{k \in P_0} V T^k A) + \varepsilon,$$

отсюда

$$h^F(T, \delta) \leq H_\mu(A \mid \bigvee_{k \in P_0} V T^k A) + \varepsilon \leq h_\mu^F(T, A) + 2\varepsilon$$

Так как последовательность Фёльнера  $F$ ,  $\varepsilon > 0$ ,  $\delta > 0$  произвольны, то

$$h(T) \leq \sup_{\mu \in M(X, T)} h_\mu(T)$$

Теорема 2. Пусть  $T$  — действие аменабельной группы  $G$  на компактном метрическом пространстве  $X$ . Тогда для  $\mu \in M(X, T)$

$$h_\mu(T) \leq h(T).$$

Из теоремы 1 и 2 сразу же следует вариационный принцип для действий упорядоченных аменабельных групп.

$$h(T) = \sup_{\mu \in M(X, T)} h_\mu(T)$$

Пусть  $E$  — конечное подмножество группы  $G$ ,  $\varepsilon > 0$ .

Конечное множество  $F \subset G$  назовем симметрическим  $(F, \varepsilon)$  — множеством Фёльнера, если:  $F = F^{-1}$

$$|F \cap (\bigcap_{g \in E} gF)| \geq (1-\varepsilon)|F| \text{ и } |gF \Delta Fg| \leq \varepsilon|F|$$

для всех  $g \in E$ .

Скажем, что аменабельная группа  $G$  обладает свойством периодической аппроксимации если: для конечного множества  $E \subset G$  и  $\varepsilon > 0$  существует симметрическое  $(E, \varepsilon)$  — множество Фёльнера  $F$  и для конечного  $F' \supset F$  существует число  $\delta > 0$  такое, что для каждого симметрического  $(F', \delta)$  — множества Фёльнера  $F$  можно указать конечное  $Q \subset G$ , для которого выполняются неравенства:

$$\begin{aligned} |F \Delta QF| &\leq \varepsilon|F| \text{ и для всех } q_1 \neq q_2; q_1, q_2 \in Q \\ |q_1 F \cap q_2 F| &\leq \varepsilon|F| \end{aligned}$$

Теорема 3. Пусть  $T$  — действие аменабельной группы  $G$ , обладающей свойством периодической аппроксимации на  $X$  — компактном метрическом пространстве тогда

$$h(T) = \sup_{\mu \in M(X, T)} h_\mu(T)$$

Для неаменабельных групп вариационный принцип, вообще говоря, неверен.

В заключение автор выражает благодарность А. М. Степину, уделившему работе большое внимание.

#### Литература

- Динабург Е. И. Соотношения между различными энтропийными характеристиками динамических систем. „Изв. АН СССР серия матем.“, т. 35, № 2, 1971, стр. 324—366.
- Misiurewicz A. Short proof of variational principle for  $z^n$  action. The international congress of dynamical systems and ergodic theory in Renne, v. 470, 1975, p. 0—9.
- Wolterz P. Introduction to ergodic theory. Lecture notes in Math. v. 470, 1975, p. 133—138.
- Пицкель Б. С., Степин А. М. О свойстве равнораспределенности энтропии коммутативных групп метрических автоморфизмов. „ДАН СССР“, т. 198, № 5, 1971, стр. 938—942.

А. Т. Тағызадә

## АМЕНАБЕЛ ГРУПЛАРЫН ИИ'ИКАСЛАРЫНЫН ЕНТРОПИЯСЫ

Мәгәләдә аменабел группаларынын ии'икасларынын хассәләри өјрәнүлмешdir. Низама салына билән вә периодик аппроксимация хассәләри аменабел группаларын ии'икаслары учүн топологи ентропијадан өтәри вариацион принцип исбат едилмишdir.

A. T. Tagi-zade

## THE ENTROPY OF THE AMENABLE GROUP'S ACTIONS

In this paper the topological and measure-theoretic entropy of the amenable group's actions is defined. The variational principle for the actions of the amenable groups with regulation property and amenable groups with the property of almost periodic approximation is proved.

АЗЭРБАЙЧАН ССР ЕЛМЛӘР АКАДЕМИЯСЫНЫН МӘРҮЗӘЛӘРИ

ДОКЛАДЫ АКАДЕМИИ НАУК АЗЕРБАЙДЖАНСКОЙ ССР

ТОМ XXXIV ЧИЛД

№ 6

1978

УДК 624.073.32

МЕХАНИКА

Н. П. ПИРИЕВ

## НЕСТАЦИОНАРНОЕ ТЕМПЕРАТУРНОЕ ПОЛЕ, ВОЗНИКАЮЩЕЕ ПРИ ДЕЙСТВИИ ВИБРАЦИОННОЙ НАГРУЗКИ НА ПОЛИМЕРНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

(Представлено академиком АН Азербайджанской ССР А. И. Гусейновым)

В работе исследовано вибрационное нагружение стержня круглого поперечного сечения из полимерного материала. Прилагаемая нагрузка меняется по гармоническому закону, причем ее амплитуда постоянна. Вследствие наличия диссипативных сил происходит выделение тепла, причем для определения температуры в нестационарном случае получено дифференциальное уравнение, содержащее некоторый функционал, зависящий от температуры. Для составления этого функционала необходимо знать компоненты комплексного модуля  $E_1(T, \omega)$  и  $E_2(T, \omega)$ . После нахождения температуры становится возможным определение напряжений и деформаций.

В работе [1] решена задача для полосы, в которой определено стационарное и нестационарное распределение температуры в предположении, что боковые стороны полосы тепло изолированы.

В работе [2] исследовано стационарное температурное поле в предположении, что составляющие комплексный модуль зависят от температуры по экспоненциальному закону.

В данной работе рассматривается нестационарная задача для круглого стержня в предположении, что в начальный момент и на границе стержня температура  $T_0$ .

1. В работах [1, 2] установлено, что в нестационарном случае температура удовлетворяет следующему дифференциальному уравнению

$$a^2 \left( \frac{\partial^2 T}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial T}{\partial r} \right) + \frac{\mu}{M^*} E_2(T, \omega) = \frac{\partial T}{\partial t}, \quad (1)$$

где

$$\mu = \frac{\lambda \omega k p_0^2}{2c^*}$$

$$M^* = \left[ 2\pi \int_0^R E_1(T, \omega) r dr \right]^2 + \left[ 2\pi \int_0^R E_2(T, \omega, r dr \right]^2 \quad (2)$$

Здесь  $a^2$ —коэффициент температуропроводности,  $p_0$ —амплитуда внешней нагрузки,  $c^*$ —съемная теплоемкость,  $k$ —величина, обратная механическому эквиваленту тепла,  $\lambda$ —коэффициент, соответствующий доле механической работы, переходящей в тепло, который меньше единицы. Анализ экспериментальных данных, содержащихся в работе [3], позволяет сделать заключение, что в небольшом температурном интервале для функций  $E_1(T, \omega)$  и  $E_2(T, \omega)$  можно применить следующую аппроксимацию.

$$E_1(T, \omega) = A, E_2(T, \omega) = B + CT \quad (3)$$

Здесь  $A, B, C$  — постоянные величины. С учетом (3) из (2), получим

$$M^* = \pi^2 A^2 R^4 + F^{*2}, \quad F^* = 2\pi \int_0^R (B + CT) r dr \quad (4)$$

Введя новую переменную  $z = B + CT$  из (1) и (4), получим

$$a^2 \left( \frac{\partial^2 z}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial z}{\partial r} \right) + \frac{\mu C}{M} z = \frac{\partial z}{\partial t} \quad (5)$$

$$M = \pi^2 A^2 R^4 + F^2, \quad F = 2\pi \int_0^R z r dr \quad (6)$$

Начальные и граничные условия примем такими:

$$T = T_0 \text{ при } t = 0$$

$$T = T_0 \text{ при } r = R, \quad T \text{ — ограничено при } r = 0. \text{ Или с учетом } z = B + CT$$

$$z = z_0 \text{ при } t = 0$$

$$z = z_0 \text{ при } r = R, \quad z \text{ — ограничено при } r = 0,$$

$$\text{где } z_0 = B + CT_0$$

Положим,

$$\xi = \rho(t)z - z_0, \quad \rho(t) = \exp \left[ -\mu C \int_0^t \frac{d\tau}{F^2 + \pi^2 A^2 R^4} \right] \quad (8)$$

и подставим это выражение в (5) и (7). В результате получим

$$a^2 \left( \frac{\partial^2 \xi}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial \xi}{\partial r} \right) = \frac{\partial \xi}{\partial t} \quad (9)$$

$$\xi = 0 \text{ при } t = 0, \quad \xi = z_0 Q(t) \text{ при } r = R$$

$$\xi \text{ — ограничено при } r = 0,$$

$$\text{здесь } Q(t) = \rho(t) - 1$$

Полагая  $\xi = \eta + z_0 Q(t)$ , получим

$$a^2 \left( \frac{\partial^2 \eta}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial \eta}{\partial r} \right) = \frac{\partial \eta}{\partial t} + z_0 Q'(t) \quad (12)$$

$$\eta(0, r) = 0, \quad \eta(R, t) = 0, \quad \eta(t, 0) \text{ — ограничено}$$

Ищем решения уравнения (12) в следующем виде

$$\eta(r, t) = \sum_{k=1}^{\infty} A_k(t) J_0(\lambda_k r), \quad (14)$$

где  $\lambda_k$  — положительные корни уравнения  $J_0(\lambda_k R) = 0$ .

Разлагая функцию  $z_0 Q'(t)$  в ряд Фурье—Бесселя и подставляя (14) в (12), получим

$$A_k(t) = A_k e^{-a^2 \lambda_k^2 t} - \int_0^t B_k(\tau) e^{-a^2 \lambda_k^2 (t-\tau)} d\tau \quad (15)$$

Коэффициент разложения  $B_k(t)$  имеет следующий вид:

$$B_k(t) = \frac{2z_0 Q'(t)}{\lambda_k R} \quad (16)$$

Удовлетворяя начальному условию (13) имеем  $A_k = 0$ .

Принимая во внимание (15) и (16) из (14), получим

$$\eta(r, t) = - \sum_{k=1}^{\infty} \frac{2z_0 J_0(\lambda_k r)}{R \lambda_k} \int_0^t Q'(\tau) e^{-a^2 \lambda_k^2 (t-\tau)} d\tau \quad (17)$$

Переходя от  $\eta(r, t)$  к  $\xi(r, t)$ , получим

$$\xi(r, t) = z_0 Q(t) - \frac{2z_0}{R} \sum_{k=1}^{\infty} \frac{J_0(\lambda_k r)}{\lambda_k} \int_0^t Q'(\tau) e^{-a^2 \lambda_k^2 (t-\tau)} d\tau \quad (18)$$

Воспользовавшись выражением (8), будем иметь

$$F = \left[ - \left( \pi^2 A^2 R^4 + \mu C \frac{Q(t) + 1}{Q'(t)} \right) \right]^{1/2} \quad (19)$$

С другой стороны, принимая во внимание (6) и (8), получим

$$F = 2\pi \int_0^R z r dr = \frac{2\pi}{Q(t) + 1} \int_0^R (z_0 + \xi) r dr$$

Учитывая (18), из последнего выражения найдем

$$F = \frac{2\pi z_0}{Q(t) + 1} \left\{ \frac{R^2}{2} [Q(t) + 1] - 2 \sum_{k=1}^{\infty} \frac{J_1(\lambda_k R)}{\lambda_k^2} \int_0^t Q'(\tau) e^{-a^2 \lambda_k^2 (t-\tau)} d\tau \right\} \quad (20)$$

Сопоставляя (19) и (20), получим интегро-дифференциальное уравнение Вольтерра относительно неизвестной функции  $Q(t)$ :

$$\begin{aligned} & \sum_{k=1}^{\infty} \frac{J_1(\lambda_k R)}{\lambda_k^2} \int_0^t Q'(\tau) e^{-a^2 \lambda_k^2 (t-\tau)} d\tau = \\ & = \frac{[Q(t) + 1]}{4\pi z_0} \left\{ R^2 - \left[ - \left( \pi^2 A^2 R^4 + \mu C \frac{Q(t) + 1}{Q'(t)} \right) \right]^{1/2} \right\} \end{aligned} \quad (21)$$

Нахождение  $Q(t)$  из полученного интегро-дифференциального уравнения связано с большими трудностями.

Поэтому для определения  $Q(t)$  целесообразно проведение численных расчетов.

Литература

1. Галин Л. А. Изв. АН ССР, механика, № 6, 1965. 2. Пириев Н. П. Изв. АН Азерб. ССР, серия физ.-техн. и матем. наук, № 6, 1968. 3. Таканая ги, M. Viscoelastic properties of crystalline polymers. Mem. Fac. Engng. Kyushu Univ., 1963, vol. 23, № 1.

Институт математики и механики

Н. П. Пириев

**ПОЛИМЕР МАТЕРИАЛЛАРДА ТИТРЭЛЭН ГҮВВЭНИН ТЭСИРИ НЭТИЧЭСИНДЭ ЭМЭЛЭ КЭЛЭН ГЭРЭРЛАШМАЈАН ИСТИЛИК САҢЭСИНИН ТЭДГИГИ**

Мэгэлэдээ дайрэвн эн кэсикли чубугда гармоник гүвшээ тэсир алтында эмэлэ кэлэн гэрарлашмамыш температур саңэс тэдгиг олуулур. Температур саңэс үчүн алымыш дифференциал тэнилж тир функционал дахил олур. Нэмийн функциональный гурмаг үчүн комплекс модулун температурдан асылылыны билмэл лазымыр. Мэсэлэнийн нэллиндэ нэмийн компонентлэр үчүн хэтти асылылыг гэбул олуулур. Нэтичээд истилик саңэсийн тапылмасы үчүн Волтера типли интеграл-дифференциал тэнилж алыныр.

N. P. Piriev

**NON STATIONARY TEMPERATURE FIELD, ARISING UNDER THE ACTION OF VIBRATING LOAD ON POLYMERIC MATERIALS**

The given paper is devoted to the studying of nonstationary temperature field arising under the action of vibrating load on polymeric materials. There has been obtained a differential equation for the definition of temperature containing on temperature, containing some functional depending on temperature. It is necessary to know the changes of components of the complex modulus with temperature function for the composing of this functional. It is adopted that these components are the linear functions of temperature. The decision of the problem reduces of the finding of some function which is defined from integro-differential equation of Volter type.

АЗЭРБАЙЧАН ССР ЕЛМЛЭР АКАДЕМИЯСЫНЫН МЭРУЗЭЛЭРИ

ДОКЛАДЫ АКАДЕМИИ НАУК АЗЕРБАЙДЖАНСКОЙ ССР

ТОМ XXXIV ЧИЛД

№ 6

1978

Поступило 2. II 1978

УДК 621.315.592

**ФИЗИКА ПОЛУПРОВОДНИКОВ**

А. Ш. АБДИНОВ, Л. М. АГАМИРОВА, Ф. А. АХМЕДОВ

**ПРОВОДИМОСТЬ СТЕКЛООБРАЗНОГО ПОЛУПРОВОДНИКА AS-S-Te НА ПЕРЕМЕННОМ ТОКЕ**

(Представлено академиком А. Н. Азербайджанской ССР Л. М. Имановым)

Предварительные эксперименты показывают, что относительно нового стеклообразного полупроводника AS-S-Te имеет довольно интересные физические свойства. В частности, он является фотопроводником, обладает свойством переключения типа Овчинского, оптической памятью [1] и т. д. Однако, в связи с тем, что эта система относится к числу малоизученных полупроводников, механизм проводимости его в настоящее время неизвестен. Поэтому нами с целью выяснения механизма проводимости стеклообразного полупроводника AS-S-Te исследовались его электрические свойства в переменном электрическом поле. В эксперименте брались образцы из области стеклообразных сплавов системы AS-S-Te с общей формулой  $AS_x$

и  $AS_x$ , где  $x=[S+Te]$  с отношением  $\frac{[Te]}{[S+Te]}=0,1; 0,2; 0,3; 0,4; 0,5$ .

Измерения проводились в вакууме  $\sim 10^{-3}$  мм рт. ст. в диапазоне частот от  $10^4$  до  $10^7$  Гц, на куметре типа ВМЗ11Г. При этом образец в виде плоскопараллельной пластинки был сжат между металлическими пластинками, температура его варьировалась в интервале 77–330 К. По известной формуле [2] вычислена  $\sigma$  при каждой заданной  $v$ . Типичные кривые зависимости  $\sigma$  от частоты для образцов  $ASS_{2,4}Te_{1,6}$  и  $ASS_{6,3}Te_{2,7}$  при различных температурах приведены на рис. 1, а и 1 б соответственно. Для образцов  $ASS_{8,1}Te_{0,9}$ ,  $ASS_{7,2}Te_{1,8}$ ,  $ASS_{4,5}Te_{4,5}$ ,  $ASS_{5,4}Te_{3,6}$ ,  $ASS_{3,2}Te_{0,8}$ ,  $ASS_{2,8}Te_{1,2}$  получены идентичные кривые. Из этих рисунков следует, что для всех образцов при указанных температурах, начиная с частоты  $v \approx 4 \cdot 10^4$  Гц с ростом последней, электропроводность  $\sigma(v)$  растет по степенному закону  $\sigma(v) \sim v^n$ . Причем, в интервале  $v \approx 4 \cdot 10^4 \div 10^6$  Гц  $n \approx 0,8$ , а при  $v > 4 \cdot 10^6$  Гц,  $n \approx 1,5 \div 2,0$  для различных составов. Для образцов  $ASS_{3,6}Te_{0,4}$  (которые оказались самыми низкоомными) при относительно высоких температурах ( $T > 300$  К) электропроводность от частоты почти не зависит (рис. 1, в, кр. в). В интервале 77–330 К  $\sigma(v)$  от температуры зависит довольно слабо, так что  $\frac{\sigma(v)_{330K}}{\sigma(v)_{77K}} = 3,0$  для всех образцов.

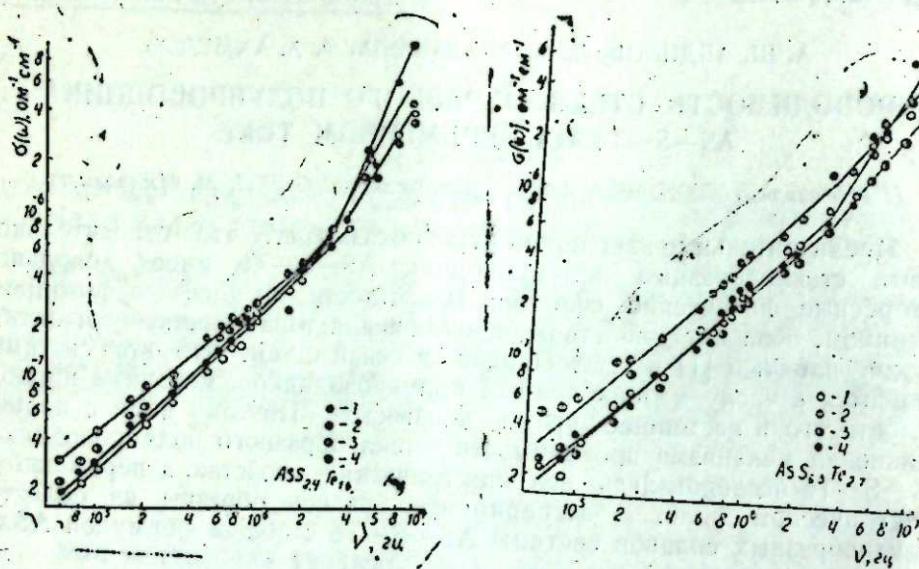
Как показано в [3], такая частотная зависимость проводимости свидетельствует о прыжковом механизме проводимости в изученных стеклообразных полупроводниковых системах. Исходя из этого, нами для вычисления плотности состояния в полосе локальных уровней была использована формула [3]

$$[N(\epsilon_f)]^2 = 6,4 \cdot 10^{19} \sigma(v) \alpha^5, \quad (1)$$

где  $\sigma(v)$  – проводимость ( $\text{ом}^{-1} \cdot \text{см}^{-1}$ ) на частоте  $10^6$  Гц,  $\alpha^{-1}$  – радиус

л окализованного состояния ( $\text{\AA}$ ),  $N(\varepsilon_f)$  — плотность состояний в полосе локальных уровней ( $\text{см}^{-3} \cdot \text{эв}^{-1}$ ).

Если для оценки положить  $a^{-1} = 8\text{\AA}$ , которая хорошо выполняется для большинства полупроводников, тогда для изученных нами полупроводниковых систем при всех рассматриваемых температурах для  $N(\varepsilon_f)$  получим значение  $(6 \div 7) \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3} \cdot \text{эв}^{-1}$ .



Наблюдалась также слабая зависимость  $\sigma(\nu)$  от состава образцов. Сравнение электропроводности при постоянном и переменном токе показывает, что при одинаковых внешних условиях электропроводность образцов на переменном токе значительно больше, чем на постоянном.

Полученные результаты позволяют сделать некоторые предположения о механизме проводимости и о структуре энергетических зон в стеклообразной системе AS-S-Te.

В настоящее время в стеклообразных, а также в других некристаллических системах хорошо известны три механизма переноса заряда на постоянном и переменном токе [3]: перенос тока носителями, возбужденными в локализованные состояния с энергиями вблизи  $\varepsilon_c$  и  $\varepsilon_v$ , при котором проводимость от частоты не зависит; перенос тока носителями, возбужденными в локализованные состояния вблизи края зоны проводимости или валентной зоны, при котором проводимость зависит от частоты приблизительно по закону  $\sigma(\nu) \sim \nu^{0.8}$  и экспоненциально зависит от температуры; перескоковый перенос носителями с энергией

Частотная зависимость электропроводности стеклообразных систем  $\text{AS}_{2.4}\text{Te}_{1.6}$  (a),  $\text{AS}_{5.3}\text{Te}_{2.1}$  (b),  $\text{AS}_{3.6}\text{Te}_{0.4}$  (c) при  $T, \text{K}$ : 77 (1); 150 (2); 250 (3); 300 (4)

в делокализованные состояния с энергиями вблизи  $\varepsilon_c$  и  $\varepsilon_v$ , при котором проводимость от частоты не зависит; перенос тока носителями, возбужденными в локализованные состояния вблизи края зоны проводимости или валентной зоны, при котором проводимость зависит от частоты приблизительно по закону  $\sigma(\nu) \sim \nu^{0.8}$  и экспоненциально зависит от температуры; перескоковый перенос носителями с энергией

вблизи уровня Ферми, при котором  $\sigma$  зависит от  $\nu$  по закону  $\sigma(\nu) \sim \nu^{0.8}$  и наблюдается слабая (почти пропорциональная) зависимость от температуры.

Полученные нами экспериментальные зависимости предсказывают вероятность осуществления последнего механизма в области частот, где выполняется зависимость в виде  $\sigma(\nu) \sim \nu^{0.8}$ . Более сильная зависимость  $\sigma(\nu) \sim \nu^{1.5 \div 2.0}$  в области  $\nu \geq 4 \cdot 10^6 \text{ cm}^{-1}$ , вероятно, связана либо с доминированием прямого поглощения фонона [4], либо с наличием очень длинного низкочастственного "хвоста" фононного поглощения [5]. Независимость  $\sigma$  от частоты для образцов  $\text{AS}_{3.6}\text{Te}_{0.4}$  при  $T > 300 \text{ K}$ , видимо, обусловлена доминированием первого механизма.

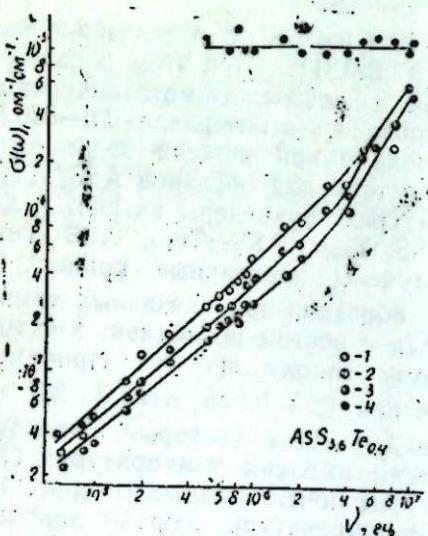
Таким образом, исследование электропроводности в переменном токе позволяет предполагать, что в стеклообразных системах  $\text{AS}_x$ ,  $\text{AS}_x$  проводимость имеет прыжковый характер. Причем, при относительно низких температурах она обусловлена перескоками носителей по состояниям с энергиями вблизи уровня Ферми. При относительно высоких температурах начинает преобладать перенос носителей заряда по делокализованным состояниям с энергиями вблизи  $\varepsilon_c$  и  $\varepsilon_v$ .

#### Литература

1. Абдинов А. Ш., Агамирова Л. М. Тез. докл. Всесоюз. конф. по вопросам микрэлектроники и физики полупроводниковых приборов, 28. Тбилиси, 1977.
2. Богородицкий Н. П. и др. Теория диэлектриков. Изд-во "Энергия". М.-Л., 1965.
3. Мотт Н., Дэвис Э. Электронные процессы в некристаллических веществах. Изд-во "Мир", 1974.
4. Pollak M. Disc. Far. Soc., 50, 1971; Phil. Mag., 23, 519, 1971.
5. Austin J. G., Garbett E. S. Phil. Mag., 23, 17, 1971.

АГУ им. С. М. Кирова

Поступило 15. X 1977



Частотная зависимость электропроводности стеклообразных систем  $\text{AS}_{2.4}\text{Te}_{1.6}$  (a),  $\text{AS}_{5.3}\text{Te}_{2.1}$  (b),  $\text{AS}_{3.6}\text{Te}_{0.4}$  (c) при  $T, \text{K}$ : 77 (1); 150 (2); 250 (3); 300 (4)

в делокализованные состояния с энергиями вблизи  $\varepsilon_c$  и  $\varepsilon_v$ , при котором проводимость от частоты не зависит; перенос тока носителями, возбужденными в локализованные состояния вблизи края зоны проводимости или валентной зоны, при котором проводимость зависит от частоты приблизительно по закону  $\sigma(\nu) \sim \nu^{0.8}$  и экспоненциально зависит от температуры; перескоковый перенос носителями с энергией

Э. Ш. Абдинов, Л. М. Агамирова, Ф. А. Эймэдов

#### ШУШЭВАРЫ AS—S—Te ЖАРЫМКЕЧИРИЧИСИНИН ЕЛЕКТРИК КЕЧИРИЧИЛИЈИНИН ЧЭРЭЈАН РЕЖИМИНДЭ ТЭДГИГИ

Тэчруби олараг AS-S-Te шүшэвары жарымкечиричисини електрик кечирилији дэшишэн чэрэjan режиминдэ өүрэндлишидир. Өлчмэлэр  $10^7 \text{ Hz}$  тэзликлэрэ гэлээр, 77—330 K интервалында апарылмышдыр. Тэчрубэдэ үмуми ифадэси  $\text{AS}_x$  вэ  $\text{AS}_x$  олан нумунэлэрдэн истифадэ олуимушдур. Тэгдим едилэн нумунэлэрдэ  $\frac{[\text{Te}]}{[\text{S}+\text{Te}]}$  нисбэти 0.1; 0.2; 0.3; 0.4; 0.5, кими кетүрүлмүшдур.

Мэгэлэдэ бахылан—системлэр үчүн електрик кечиричилијинин эсас механизми тэ'јин едилмишидир

A. Sh. Abdinov, Z. M. Agamirova, F. A. Akhmedov

#### THE CONDUCTIVITY OF GLASS-LIKE SEMICONDUCTORS AS-S-Te ALTERNATING CURRENT REGION

The conductivity of glass-like semiconductors AS-S-Te in alternating current region were investigated. The measurements were out in the region of temperature between 77+300 K.

It is determined the conductivity mechanism and calculated  $\sigma$  and  $\tan \delta$ .

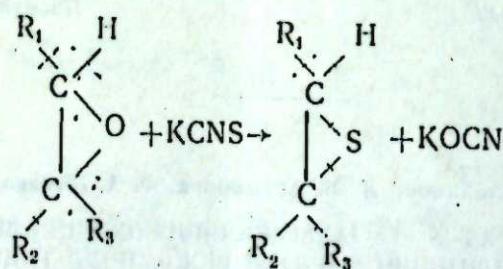
И. М. АБДУЛЛАБЕКОВ, Ф. Х. АГАЕВ,  
А. Л. ШАБАНОВ, чл.-корр. М. М. МОВСУМЗАДЕ

### МАКРОЦИКЛИЧЕСКИЕ ЭФИРЫ В РЕАКЦИЯХ ПРЕВРАЩЕНИЯ ОКСИРАНОВ В ТИИРАНЫ

Макроциклические эфиры, чьи свойства интенсивно изучаются последние годы в различных областях химии, способны образовывать стабильные комплексы с солями щелочных металлов [1]. Это обстоятельство привело к использованию макроциклических эфиров в качестве катализаторов некоторых реакций с участием комплексующих катионов [2].

В настоящей статье показаны возможности пергидробензо-18-краун-6 как катализатора реакций тиоционата калия с окисью пропилена, эпихлоргидрином,monoокисью изопрена и окисью циклогексена. Эти реакции можно отнести к новому типу реакций с участием макроциклических эфиров.

Реакции протекают по схеме:



I  $\text{R}_1=\text{R}_2=\text{H}$ ,  $\text{R}_3=-\text{CH}_3$ ; II  $\text{R}_1=\text{R}_2=\text{H}$ ,  $\text{R}_3=-\text{CH}_2\text{Cl}$ ;

III  $\text{R}=\text{H}$ ,  $\text{R}_2=-\text{CH}=\text{CH}_2$ ,  $\text{R}_3=-\text{CH}_3$ ; IV  $\text{R}_1-\text{R}_2=-(\text{CH}_2)_4-$ ,  $\text{R}_3=\text{H}$ .

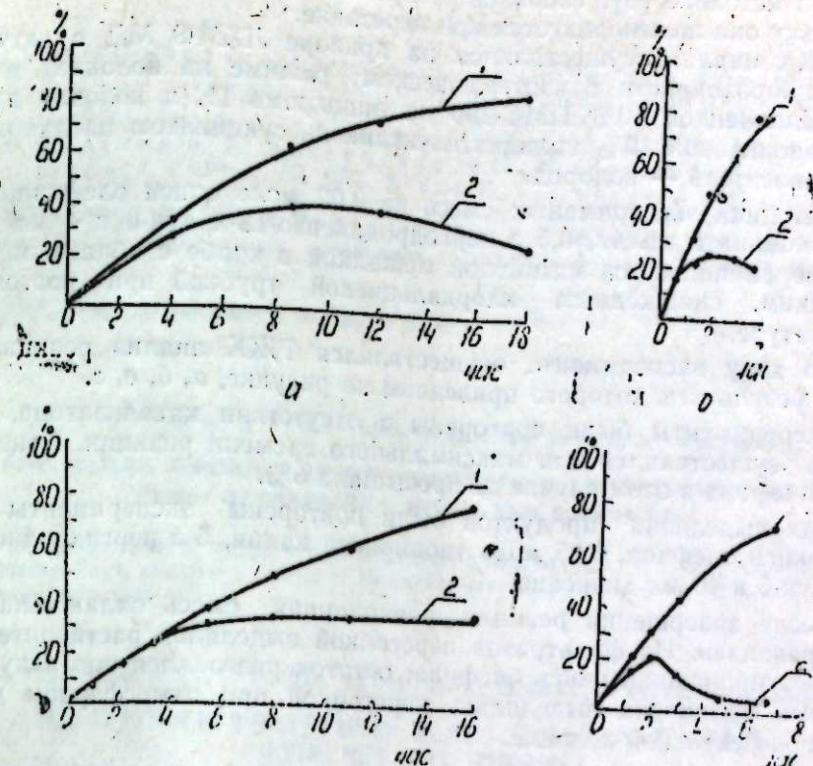
На рисунке (a, б, в, г) показана конверсия окиси пропилена (a), эпихлоргидрина (б), monoокиси изопрена (в), циклогексена (г) и выход соответствующих тиiranов.

Реакции проводились при постоянной температуре.

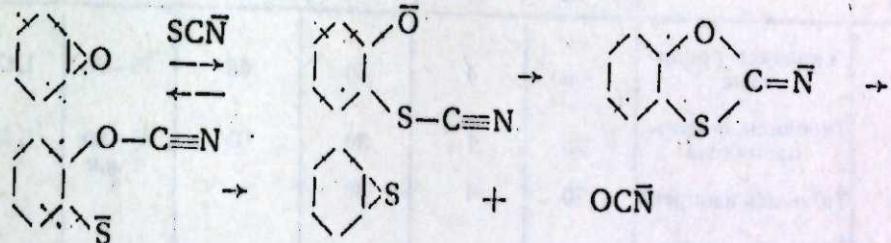
Во всех рассмотренных случаях на начальных стадиях реакций выход тиоокисей олефинов, в расчете на конвертированную окись, близок к теоретическому, однако с увеличением концентрации тиоокиси олефина существенно возрастает скорость ее полимеризации.

Продукт полимеризации представляет собой черную смолу. Следует отметить, что конверсия использованных окисей олефинов в тиоокись в отсутствии макроциклического эфира не превышает 5%.

Роль макроциклического эфира, как катализатора проведенных реакций в аprotонном растворителе, объясняется образованием разделенных ионных пар  $[\text{K}^+|\text{CN}^-|\bar{S}]$  в растворе. Поэтому механизм нуклеофильного замещения этих реакций в диоксане будет аналогичен.



Кр. 1 соответствует конверсии окиси, а кр. 2—выходу тиоокиси олефиначен механизму, показанному в [3] на примере окиси циклогексена в метаноле в отсутствии катализатора:



Разница состоит лишь в том, что в протонном растворителе в реакции участвуют свободный анион  $\text{SCN}^-$ , тогда как в аprotонном растворителе атакующая нуклеофильная частица представляет собой анион ионной пары, разделенной макроциклическим эфиром.

#### ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ ЧАСТЬ

В экспериментах были использованы: безводный тиоционат калия, окись пропилена, эпихлоргидрин, тиомочевина и абсолютный диоксан. Monoокись изопрена и окись циклогексена были синтезированы по методике [4] из соответствующих олефинов через стадию образования бромгидринов.

В качестве катализатора использовали пергидробензо-18-краун-6 (смесь изомеров с. пл. 39–55°C), синтезированный гидрированием дибензо-18-краун-6 в присутствии рутениевого катализатора [5]. Тиоокись олефинов для идентификации методом ГЖХ были синтезиро-

ванны по методике [6]. Тиоокись изопрена в чистом виде не выделялась, поскольку она полимеризуется при перегонке.

ГЖХ анализ осуществлялся на приборе ЛХМ-8 МД с датчиком по теплопроводности в изотермическом режиме на колонке длиной 3 м, заполненной 10% ПМС-100 на динохроме 11, и колонке длиной 2 м, заполненной 10% полидиэтиленгликоль сукцинатом на динохроме 11, газ-носитель — водород.

Методика эксперимента: смесь из 0,02 моль окиси олефина, 0,025 моль тиоцината калия, 0,5 г пергидробензо-18-краун-6 и 4 мл диоксана, перемешивалась магнитной мешалкой в колбе с обратным ходильником, снабженным хлоркальциевой трубкой при постоянной температуре.

По ходу эксперимента осуществлялся ГЖХ анализ реакционной смеси, результаты которого приведены на рисунке, а, б, в, г.

Эксперименты были повторены в отсутствии катализатора, ГЖХ анализ осуществлялся для максимального времени реакции. Конверсия окиси олефина в этом случае не превышала 5%.

Для выделения продуктов были повторены эксперименты с 0,2 моль окиси олефина, 0,25 моль тиоцината калия, 5 г пергидробензо-18-краун-6 и 40 мл диоксана.

После завершения реакции, реакционная смесь охлаждалась и фильтровалась. Из фильтратов перегонкой выделялся растворитель и непрореагировавшая окись олефина; остаток разгонялся под вакуумом. Тиоокись пропилена выделялась перегонкой при атмосферном давлении на эффективной колонке.

№ реакц.	Продукт реакции	Т-ра эксперимента, °C	Время реакции, ч	Конверсия окиси олефина, %	Выход тиоокиси на конверс. реагент, %	Т-ра кипения тиоокиси, °C	$n_0^{20}$
I	Тиоокись пропилена	60	4	36	68	75—76	1,4730
II	Тиоокись 3-хлорпропилена	50	1	30	65	85—90	1,5280
III	Тиоокись изопрена	70	4	30	—	6 м.м.	*
IV	Тиоокись циклогексена	100	1	31	60	72—73 21 м.м.	1,4550

\*—тиоокись изопрена в чистом виде выделить не удалось, поскольку продукт полимеризовался при перегонке.

В таблице представлены температура и время реакции, конверсия и выход для оптимального варианта, а также константы тиоокисей олефинов.

### Выводы

1. Установлен каталитический эффект пергидробензо-18-краун-6 в реакциях тиоцината калия с окисями олефинов, проводимых в аprotонном растворителе.

2. Выход тиоокисей олефинов близок к теоретическому при начальных конверсиях исходных реагентов.

### Литература

- Christensen J. J., Eatough D. J. and Izatt R. M. Chem. Rev., 3, 351 1974.
- Alper H., Roche D. D., Herve De Abayes, Angew. Chem., 89, (1), 43 1977; Movsumzade M. M., Berger I., Shifer X., Agaev F. X., Abdullaev I. M., Agaev F. X., Movsumzade M. M., Shabanov A. L., Kerimov N. G. DAN Azerb. SSR, 2, 53, 1977.
- Van E. Tamelen. J. Amer. Chem. Soc., 75, 2396, 1953.
- Pedersen O. J. Amer. Chem. Soc., 89, 7017, 1967.
- Pakay A. M. Эпоксидные соединения и эпоксидные смолы. Госхимиздат. Л., 75, 1962.

Азербайджанский институт нефти и химии  
им М. А. Азизбекова

Поступило 3.1.1978

И. М. Абдуллаев, Ф. Х. Агаев, Э. Л. Шабанов, М. М. Мовсумзадэ  
МАКРОЦИКЛИК ЕФИРЛƏРИН ОКСИРАНЛАРЫН ТИИРАНЛАРА ЧЕВРИЛМЭ  
РЕАКСИЯЛАРЫНДА ИСТИФАДƏ ОЛУНМАСЫ

Пергидробензо-18-краун-6 оксиранларын тииралара чеврилмэ реаксијаларында катализатор кими истифадə едилмиш вə оксиранлар јүксəк чыхымла мұвағиғ тииралара чеврилмишdir.

I. M. Abdullabekov, F. Kh. Agaev, A. L. Shabanov, M. M. Movsumzade  
MACROCYCLIC POLYETHERS IN REACTIONS OF TURNING  
OXIRANES INTO TIRANES

It has been shown in this paper that perhydrodibenzo-18-crown-6 exhibits catalytic activity in reactions between oxiranes and potassium thiocyanate in aprotic solvent. It was found that the yield of tiranes depends on the reaction time.

С. Ф. СУЛЕЙМАНОВА, Н. В. КЛЯЦКО

## ИЗМЕНЕНИЕ КОЛЛЕКТОРСКИХ СВОЙСТВ ГРАНУЛЯРНЫХ ПОРОД В ЗАВИСИМОСТИ ОТ РАЗЛИЧНЫХ ФАКТОРОВ

(Представлено академиком АН Азербайджанской ССР А. Д. Султановым)

Для оценки перспектив нефтегазоносности и выбора направления поисково-разведочных работ на нефть и газ важное значение имеет изучение пород-коллекторов с точки зрения их физических свойств.

В данной статье освещаются результаты исследования коллекторских свойств терригенных пород, главным образом, красноцветной толщи Туркмении, а также факторов, контролирующих эти свойства и их взаимовлияние. В настоящее время актуальным является вопрос бурения и исследования физических свойств пород на глубинах более 3000 м. Учитывая это, особое внимание нами было удалено зависимости изменения емкостных и фильтрационных свойств гранулярных коллекторов от глубины их залегания.

Изучение отложений красноцветной толщи проводилось по разрезам скважин разведочных площадей Жданова и Огурчинского, пробуренных на восточном шельфе Каспия в пределах Прибалханской складчатой зоны. Более древние отложения (эоцен, сармат) восточного шельфа рассмотрены по образцам керна из скважины, пробуренных на площади Бекдаш-море, относящейся в тектоническом отношении к Карабогазскому своду.

Преобладающими породами, которые являются коллекторами красноцветной толщи Западной Туркмении и прилегающей к ней акватории Южного Каспия являются алевролиты, песчаные же породы встречаются в подчинении. Как показали исследования кернового материала, средние значения пористости песчано-алевритовых пород в разрезе б. Жданова составляют 16%, проницаемости — 15 мд, а в разрезе площади Огурчинского они соответственно равны — 19% и 31 мд.

Как видно из изложенного, в разрезе площади Огурчинского несколько улучшаются коллекторские свойства пород по сравнению с разрезом б. Жданова. Учитывая количественное увеличение с глубиной алевритовых пачек в разрезе структуры Огурчинского можно говорить о возможности присутствия хороших коллекторов в нижней части разреза этой структуры. И. А. Алиев, А. Керимова [1] предполагают, что гравитационное уплотнение пород происходит до определенной глубины, затем после стабилизации упаковки зерен особенного изменения емкостных свойств гранулярных коллекторов не наблюдается. Этот вывод, как видно из изложенного, подтверждается на примере исследуемых нами псаммитов разрезов Жданова и Огурчинского.

Остановимся на характеристике факторов, влияющих на коллекторские свойства гранулярных пород, залегающих на больших глубинах. Для оценки преобладающих значений пористости и проницаемости нами построены серии гистограмм по типам пород (рис. 1, 2) из которых видно, что в разрезах площадей Жданова и Огурчинского

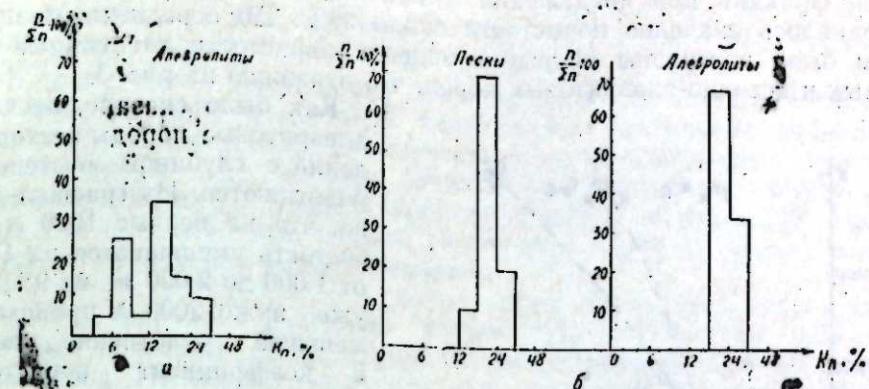


Рис. 1. Гистограммы пористости терригенных пород красноцветной толщи:  
б. Жданова (а); пл. Огурчинского (б).

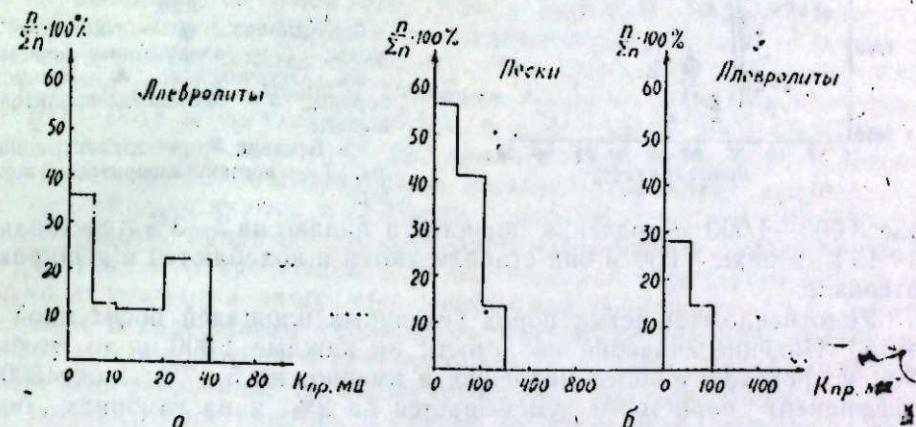


Рис. 2. Гистограмма проницаемости терригенных пород красноцветной толщи:  
б. Жданова (а); пл. Огурчинского (б).

интервал преобладающих максимальных значений пористости составляет 12—36%.

Гистограммы проницаемости характеризуют фильтрационные свойства пород. В указанных разрезах 87% образцов песчано-алевритовых пород красноцветной толщи имеют проницаемость до 100 мд, а 13% — выше 100 мд. Было выяснено, что в Западной Туркмении [1] уменьшение порового объема пород в результате гравитационного уплотнения происходит интенсивно до глубин 3 000—5 000 м, ниже теми уплотнения снижается и существенного изменения пористости не наблюдается. Это явление связывается с тектоническим режимом бассейна накопления осадков красноцветной толщи рассматриваемой Прибалханской зоны. Последняя в среднеплиоценовое время испытывала колебательные движения большой продолжительности, что привело к постепенной смене в процессе седиментации грубозернистых осадков мелкозернистыми лучше отсортированными, в которых и происходит сохранение поровых каналов или их незначительное сужение.

Необходимо отметить, что песчано-алевритовые породы красноцветной толщи поддаются уплотнению в меньшей степени, чем глины. Так, на структурах Прибалханской тектонической зоны (Жданова и Огурчинского) при содержании в породах более 80% песчано-алеври-

товой фракции при погружении отложений на глубину ниже 4925 м сохранялось значение пористости около 25%. По осредненным значениям были построены кривые изменения пористости с глубиной глинистых и песчано-алевритовых пород, что отражено на рис. 3.

Как было сказано, песчано-алевритовые породы месторождений с глубиной постепенно уплотняются. Из графика видно, что на первые 1000 м пористость уменьшается на 13%, от 1000 до 2000 м на 9%, а уже ниже 2000 м происходит меньшее уплотнение пород и коэффициент пористости уменьшается на 6%. В интер-

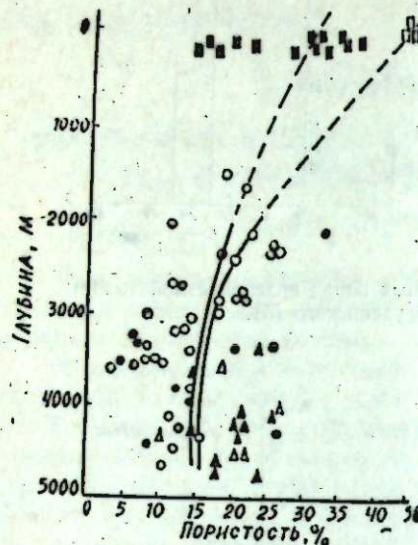


Рис. 3. Зависимость открытой пористости пород от глубины их залегания.

б. Жданова: ● — глинистые породы; ○ — алевритовые породы.  
пл. Огурчинская: ▲ — глинистые породы; △ — песчано-алевролитовые породы.

пл. Бекдаш: ■ — глинистые породы; □ — песчано-алевритовые породы.

вале 3000—4000 м значения пористости падают на 2—3% и составляют 13—15%, а ниже 4000 м они стабилизируются и колеблются в нешироком интервале.

Уплотнение глинистых пород указанных площадей носит иной характер. Падение значений пористости на каждые 1000 м до глубины 3000 м происходит более медленно, а именно: на 5—7%; ниже 3000 м коэффициент пористости уменьшается на 2%, а на глубинах более 4000 м значения пористости стабилизируются. Сказанное подтверждает мнение А. И. Алиева и А. А. Керимовой [1] об интенсивности гравитационного уплотнения до определенной глубины. Б. К. Прошляков [3] объясняет это тем, что действие фактора уплотнения на породы разного минералогического и литологического состава происходит по-разному.

Такой фактор, как глинистость, оказывает существенную роль в оценке коллекторских свойств пород. По проведенным анализам на-глядно видно, что алевритовые породы преобладают в разрезах б. Жданова, а в разрезе площади Огурчинского эти породы находятся в подчинении. В общем разрезе красноцветной толщи глинистые породы широко распространены, кроме того, глинистая фракция является одной из составляющих других типов пород. Так, по подсчитанным данным среднее содержание глинистой фракции в разрезе красноцветной толщи б. Жданова — 33,5%, а площади Огурчинского — 31,5%.

Наряду с литологическим фактором, влияющим на характер пород-коллекторов, немаловажное значение для них имеет минералогический состав пород. В цементе гранулярных коллекторов (алевролиты) красноцветной толщи разреза б. Жданова по скв. № 3 в интервале глубины 1852—1856 м установлено: гидрослюды — 37%, монтмориллонита — 37%, каолинита — 16%, хлорита — 10%, а в скв. № 4 в интервале 1288—1293 м — гидрослюды — 30%, монтмориллонита —

40%, каолинита — 20%, хлорита — 5%, смешаннослоистых гидрослюдисто-монтмориллонитового состава — 5%.

В гранулярных коллекторах красноцветной толщи Прибалханской тектонической зоны с глубиной наблюдается увеличение глинистого материала с преобладающим количеством монтмориллонита, содержащего связанную воду, которая препятствует уплотнению монтмориллонитовых глини под действием геостатистической нагрузки [2]. Поэтому на больших глубинах степень уплотнения пород не только уменьшается, но происходит их разуплотнение.

На коллекторские свойства пород также оказывает влияние неоднородность гранулометрического состава. По результатам анализов был подсчитан коэффициент отсортированности песчано-алевритовых пород. Необходимо отметить, что с глубиной отсортированность несколько улучшается. На площади Огурчинского с глубиной происходит смена плохоотсортированных пород ( $S=4$ ) с разрезе б. Жданова отсортированность пород лучше, чем на площади Огурчинского. Так, с глубиной отсортированность алевритовых пород изменяется от среднеотсортированных ( $S=3,8$ ) до хорошо отсортированных ( $S=2,4$ ). Это отражается на показаниях пористости и проницаемости. Значение  $K_p$  на б. Жданова в интервале 1611—1614 м составляет 17,7%, а в интервале 3305—3310 м — 25,6%, проницаемость от 17,7 мд увеличивается до 31,8 мд. Следовательно, чем лучше отсортированы песчано-алевритовые породы, тем они меньше уплотняются с глубиной, сохраняя хорошую пористость.

По данным анализов пород-коллекторов среднего плиоцена структур Жданова и Огурчинского, а также эоценена и сармата разреза Бекдаша нами построена диаграмма зависимости пористости от глубины залегания и содержания обломочного материала (рис. 4). Соотношение между обломочной и цементирующей составляющими отражает степень отсортированности пород, определяет тип цементации и структуру порового пространства, а кривые на диаграмме отделяют зоны с одинаковой пористостью, форма их показывает изменение последней в зависимости от литологического состава и глубины их залегания. Так, на диаграмме выделены 4 зоны с пористостью 30; 10—30; 5—15; 15—25%, из которой видно, что с глубины 4200 м пористость не только не уменьшается, а наоборот, увеличивает свои значения. Последнее подтверждает мнение, что с глубиной 3000 м породы не теряют свойств быть коллекторами нефти и газа.

Проницаемость терригенных пород находится в зависимости от степени отсортированности их, т. е. чем лучше отсортированность, тем больше они проницаемы. Подсчитанный средний коэффициент отсортированности по площади о. Огурчинского составляет 5,0, на б. Жданова — 3,6.

Зависимость проницаемости терригенных пород от коэффициента отсортированности, как выяснилось, прямая, полулогарифмическая, она изображена графически (рис. 5). Но проницаемость пород также неразрывно связана с глубиной их залегания. Так, породы с одинаковым коэффициентом отсортированности на разных глубинах будут иметь различную проницаемость. Это связано с тем, что в процессе уплотнения упаковка обломочных частиц меняется. По данным Б. К. Прошлякова [3], на больших глубинах в зонах диагенеза и катагенеза (ниже 2500 м) связь проницаемости с отсортированностью частиц теряется. Это же явление наблюдается и у нас на площадях Огурчинского и Жданова, где ниже 3600 м взаимосвязь между указанными параметрами не наблюдается.

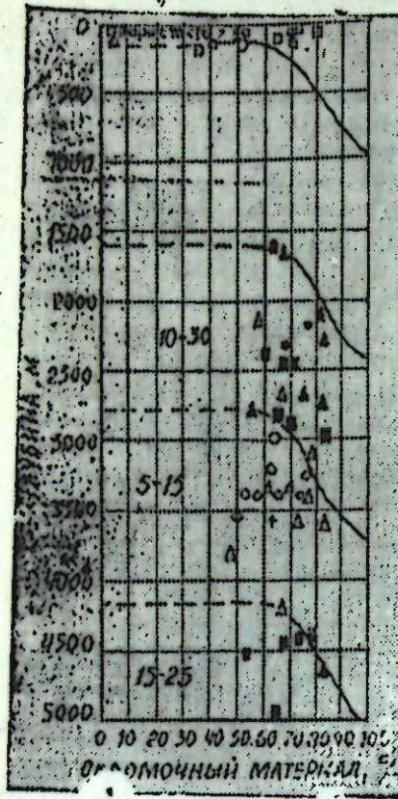
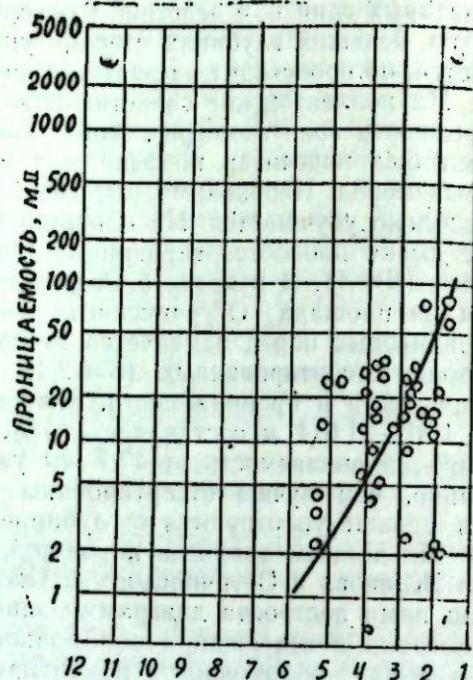


Рис. 4. Диаграмма зависимости открытой пористости песчано-алевритоглинистых залеганий и литологического состава пород среднего плюнона площадей Жданова, Бекдаш, Огурчинского.

Пористость: — + < 5%; о — 5—10%; △ — 10—15%; ■ — 15—20%; ▲ — 20—25%; ● — 25—30%; □ — 30%.

Одним из важнейших факторов, влияющим на величину проницаемости, как известно, является литологический состав пород, испытывающий с глубиной постдиагенетические изменения. Так как нами исследовались образцы в основном среднеплиоценовых отложений, то на диаграмме (рис. 6) показан характер взаимодействия указанных параметров на глубинах ниже 1500 м. При построении последней брались анализы пород из разрезов б. Жданова и пл. Огурчинского. По диаграмме выделяются зоны с различной проницаемостью, а именно: I зона с проницаемостью 10—100 мд; II — 1—10 мд. Кривые характеризуют изменение проницаемости с глубиной и содержание обломочного материала. Первая зона содержит высокий процент обломочного материала — 60—90%. Во второй зоне породы менее проницаемы, но нельзя сказать, что на больших глубинах они становятся непроницаемыми, просто проницаемость их стабилизируется.

По методу Б. К. Прошлякова [3], нами была сделана попытка классифицировать исследуемые породы по их коллекторским свойствам. Для получения сводной диаграммы были наложены друг на



#### Коэффициент отсортированности

Рис. 5. Зависимость проницаемости пород от степени отсортированности обломочного материала б. Жданова.

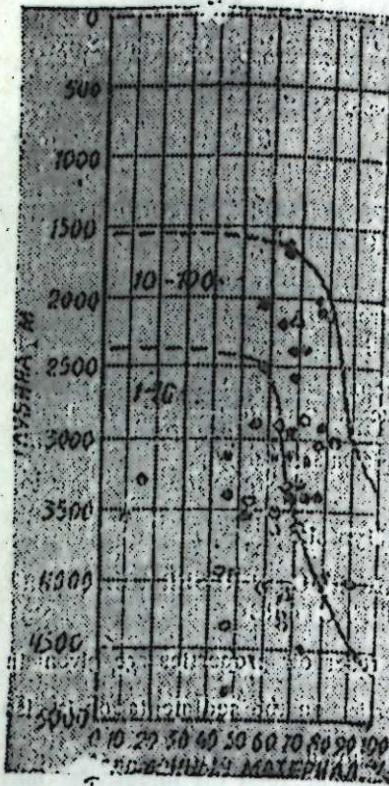


Рис. 6. Диаграмма зависимости проницаемости алеврито-глинистых пород от глубины залегания и литологического состава среднеплиоценовых пород б. Жданова и пл. Огурчинского. Проницаемость, мд: + < 1; о — 1—10; ● — 10—100; △ — 100 мд.

другая диаграмма зависимости открытой пористости глинисто-алевритовых пород от глубины залегания и литологического состава на диаграмму зависимости проницаемости от глубины залегания и литологического состава этих же пород (рис. 7).

Выделенные нами зоны можно отнести к IV и V группам коллекторов, причем они являются аналогичными III и IV классам коллекторов по классификации Г. И. Теодоровича [4]. В основном, на площадях Огурчинского и Жданова породы красноцветной толщи можно отнести к III и IV классам коллекторов (по Г. И. Теодоровичу). Реже присутствуют коллекторы, относящиеся ко II классу.

Следовательно, исследуемые породы, красноцветной толщи обладают удовлетворительными коллекторскими свойствами, при благоприятных гидрогеологических и тектонических условиях в совокупности с факторами, обуславливающими хорошую концентрацию и сохранение углеводородов на больших глубинах, они смогут стать коллекторами нефти и газа высших классов.

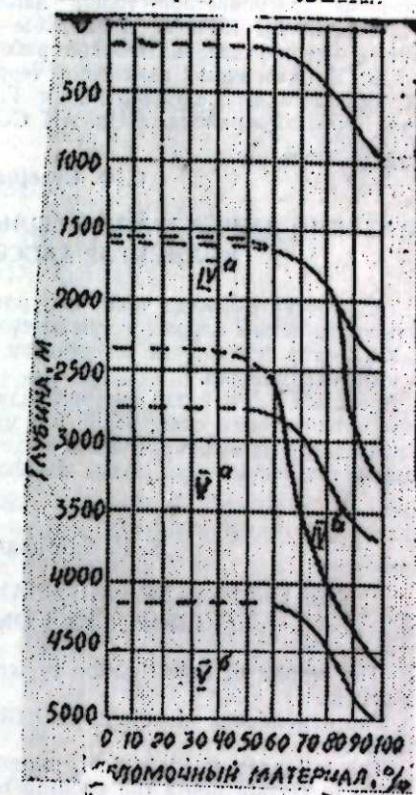


Рис. 7. Сводная диаграмма.

## Литература

1. Алиев И. А., Керимова А. А. Характеристика коллекторов глубоких горизонтов красноцветной толщи Западной Туркмении. «Геология нефти и газа», № 1, стр. 9—14, 1974. 2. Пашалы Н. В., Саралжалинская Т. М. и др. Отчет о научно-исследовательской работе за 1971—1973 гг., стр. 229. 3. Прошляков Б. К. Вторичные изменения терригенных пород-коллекторов. Изд-во «Недра», 1974, стр. 233. 4. Теодорович Г. И. О коллекторах нефти Ишимбаевского—Стерлитамакского района. «Изв. АН СССР, серия геол.», № 2, 1943.

Институт геологии

С. Ф. Сулејманова, Н. В. Клјаско

Поступило 14. IV 1977

## МУХТАЛИФ АМИЛЛЭРДЭН АСЫЛЫ ОЛАРАГ ГРАНУЛЯР СУХУРЛАРЫНЫН КОЛЛЕКТОР ХАССЭЛЭРИНИН ДЭЖИШМЭСИ

Тэдгигат нэтичеснэд чөкмэ сүхурларын коллекторлуг хүсүсийтлэри вэ јатма дэринилүүндэн асылы олараг, тутум вэ сүзүлмэ асылылыглары арашдырылышдыр.

Коллектор сүхурларын чешидиндэн асылы олараг минераложи вэ литологи амиллэр изаһ едилмишдир.

Апарылан тэдгигатлар көстәрмишдир ки, коллекторларын сыхлашмасы мүржжэн дэринилүүж гэдэр давам едир, сонра исэ масамаллил өмсэлэ сабитлэшир вэ я да чох чүз'н мигдара дөжишиллир. Буна көрө дэ дэринилүүндэн асылы олмајараг, Туркменистанда гырмызы гат чекүйтүлэри яхши коллекторлуг хүсүсийтнэ маликдир.

S. F. Suleimanova, N. V. Klyatsko

## THE DEPENDENCE OF CHANGE OF GRAIN ROCKS' RESERVOIR PROPERTIES ON DIFFERENT FACTORS

The results of investigation of fractured rocks' reservoir properties are given in this article.

The dependence of volume and filtration properties on the sedimentation is also considered.

The influence of lithological, mineral factors are shown.

Up to certain depth the packing of rocks takes place; then the intensity falls down, the coefficient numbers of porosity becoming constant and ranging in a narrow interval.

The investigated red coloured rocks have satisfactory reservoir properties.

АЗЭРБАЙЧАН ССР ЕЛМЛЭР АКАДЕМИЈАСЫНЫН МӘРҮЗӘЛӘРИ

ДОКЛАДЫ АКАДЕМИИ НАУК АЗЕРБАЙДЖАНСКОЙ ССР

ТОМ XXXIV ЧИЛД

№ 6

1978

УДК 631.6:631.410

## ПОЧВОВЕДЕНИЕ

К. З. АЗИЗОВ

## ОПРЕДЕЛЕНИЕ ЗНАЧЕНИЙ ПРОМЫВНЫХ НОРМ ДЛЯ ГЛУБОКИХ СЛОЕВ

(Представлено академиком АН Азербайджанской ССР В. Р. Волобуевым)

Опреснение верхнего метрового слоя почвогрунтов является начальным этапом коренной мелиорации. В настоящее время при наличии интенсивного дренажа, имеется возможность при необходимости произвести промывку не только метрового слоя, но зоны аэрации и верхнего слоя грунтовых вод. Поэтому является потребность выяснения закономерности развития опреснения почвогрунтов вглубь при промывке и определения значений промывных норм для требуемой глубины.

К настоящему времени для определения значений промывных норм для глубоких слоев, существует несколько формул [1, 2, 3, 5]. Формула, предложенная С. Ф. Аверьяновым (1970), имеет вид:

$$N = (2A\sqrt{D^*t} + H)m, \quad m \quad (1)$$

где  $D^*$ —параметр, характеризующий перенос солей,  $m^2/сут$ ;

$H$ —расчетная глубина опреснения,  $m$ ;

$t$ —продолжительность промывки,  $сут$ ;

$m$ —активная пористость почвогрунтов, доля от объема;

$A$ —параметр, зависящий от требуемой степени опреснения в конце промывки  $\bar{c}$  (величина  $A$  находится из специальной таблицы).

$$\bar{c} = \frac{C - C_n}{C_0 - C_n} \quad (2)$$

Здесь  $C_0$ —исходное содержание солей, выраженное через концентрацию легкорастворимых солей при насыщении почвогрунтов, % или  $g/l$ ;  $C$ —допустимое содержание солей, % или  $g/l$ ;  $C_n$ —минерализация промывных норм, % или  $g/l$ .

Для расчета значений промывных норм по формуле С. Ф. Аверьянова, заранее должна быть известна продолжительность промывки ( $t$ ) и активная пористость почвогрунтов ( $m$ ), а для определения значений параметров  $A$  и  $D^*$  должны быть произведены специальные опыты и расчеты. Следует также отметить, что методика определения  $D^*$  в полевых и лабораторных условиях и расчет его—трудоемкая и кропотливая работа.

Преобразуя известные в литературе зависимости В. Р. Волобуева [3] (для определения значений промывных норм метрового слоя и для оценки темпов изменения засоленности почв) И. П. Айдаровым [2] получена формула:

$$N = \alpha \lg \frac{C_0}{C} + \frac{\alpha}{\mu} H, \quad m, \quad (3)$$

где  $\alpha$ —показатель способности почв к солеотдаче;

$\mu$ —показатель, величина которого зависит от скорости отвода промывных норм;

$C_0, C, H$ —то же самое, что и в формулах (1, 2).

Специальное исследование, проведенное на Северной Мугани Я. В. Гахрамановым [5] по изучению хода опреснения почвогрунтов вглубь, дало возможность найти зависимость, вполне отвечающую реальному эффекту промывок в 4-метровом слое.

Зависимость имеет следующий вид:

$$N = \alpha \lg \frac{C_0}{C}, \text{ м}, \quad (4)$$

где  $\alpha$ —послойный коэффициент.

Для определения значений  $\alpha$  Я. В. Гахраманов предлагает следующие зависимости:

$$\alpha = 1 + \frac{H}{\mu \lg \frac{C_0}{C}} \quad \text{при } H < 2,0 \text{ м} \quad (5)$$

$$\alpha = 1 + \frac{H + \left( \frac{C_0 - C}{C_0 + C} \right) (H - 2)}{\mu \lg \frac{C_0}{C}} \quad \text{при } H \geq 2,0 \text{ м}. \quad (6)$$

Для опытного участка Я. В. Гахрамановым также установлено, что среднее значение коэффициента  $\alpha$  для расчетных слоев 1,0; 2,0; 3,0 и 4,0 м, соответственно, равно—1,0; 1,45; 1,77 и 2,12.

Для определения значений промывных норм с помощью формул (3) и (4), необходимо наличие значений параметра  $\mu$ , который также находится по опытным данным.

Обобщая ранее найденные значения  $\mu$  для различных условий промывки, В. Р. Волобуев предлагает:

в тяжелых глинистых грунтах, где коэффициент фильтрации почвогрунтов менее 2 м/сум, при наличии глубокого горизонтального дренажа глубиной 3—3,5 м— $\mu=2—4$ ;

в суглинистых и слоистых глинисто-суглинистых грунтах при том же дренаже— $\mu=6—8$ ;

в слоистых глинисто-суглинистых грунтах при вертикальном дренаже— $\mu=10—12$ .

Анализ данных, которые получены при опытных промывках, нам тоже дал возможность найти зависимость для определения значений промывных норм на более глубокие слои. Так как результаты исследований, проведенных в условиях Куро-Араксинской низменности и Средней Азии подтверждают, что промывная норма, увеличенная на 40—50, 70—90 и 100—110% сравнительно с расчетной для слоя 0—1 м обеспечивает расслоение почвогрунтов, соответственно, 2, 3 и 4 м, мощности [4, 5, 6, 7], это можно выразить следующими закономерностями:

$$\text{при } H=1 \text{ м } N = \alpha \lg \frac{C_0}{C}, \text{ м} \quad (\text{В. Р. Волобуев}) \quad (8)$$

$$\text{при } H=2 \text{ м } N = \alpha \lg \frac{C_0}{C} + \frac{1}{H^1} \alpha \lg \frac{C_0}{C} = \left( 1 + \frac{1}{2} \right) \alpha \lg \frac{C_0}{C} = 1,5 \alpha \lg \frac{C_0}{C}, \text{ м} \quad (9)$$

$$\text{при } H=3 \text{ м } N = \alpha \lg \frac{C_0}{C} + \frac{1}{H^1} \alpha \lg \frac{C_0}{C} + \frac{1}{H^2} \alpha \lg \frac{C_0}{C} = \\ = \left( 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} \right) \alpha \lg \frac{C_0}{C} = 1,83 \alpha \lg \frac{C_0}{C}, \text{ м} \quad (10)$$

$$\text{при } H=4 \text{ м } N = \alpha \lg \frac{C_0}{C} + \frac{1}{H^1} \alpha \lg \frac{C_0}{C} + \frac{1}{H^2} \alpha \lg \frac{C_0}{C} + \frac{1}{H^3} \alpha \lg \frac{C_0}{C} = \\ = \left( 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} \right) \alpha \lg \frac{C_0}{C} = 2,08 \alpha \lg \frac{C_0}{C}, \text{ м} \quad (11)$$

Полученные зависимости говорят о том, что формула, предложенная В. Р. Волобуевым, полностью может применяться для расчета значений промывных норм на глубокие слои, но при этом надо ввести дополнительный коэффициент, учитывающий мощность промывного слоя. Обозначим его  $B$ . Тогда формула будет иметь вид:

$$N = B \alpha \lg \frac{C_0}{C}, \text{ м} \quad (12)$$

Выяснилось, что между коэффициентом  $B$  и промывной глубиной ( $H$ ) имеется тесная связь и она подчиняется зависимости:

$$B = H^{0,55} \quad (13)$$

Найденное значение  $B$  подставим в формулу (12), тогда

$$N = H^{0,55} \alpha \lg \frac{C_0}{C}, \text{ м} \quad (14)$$

При предварительных определениях значений промывных норм для опреснения глубоких слоев почвогрунтов может быть использована следующая формула (отклонение при этом будет составлять  $\leq 6\%$ ):

$$N = \sqrt{H} \alpha \lg \frac{C_0}{C}, \text{ м} \quad (15)$$

Проверим приемлемость формул (1, 3, 4, 15) в почвогрунтах, имеющих разный механический состав, используя для этой цели исходные данные, полученные в практике мелиорации (табл. 1).

Таблица 1

Использованные данные для определения промывных норм

Почвы	Исходное солесодержание $C_0$ , %	Допустимое солесодержание $C_s$ , %	Срок продолж. промывки $t_p$ , сут	Коэффициент конвективной диффузии, $\text{м}^2/\text{сум}$	Активная пористость, $\pi$	Показатель, зависящий от скорости промывных вод, $\mu$	Показатель солеотдачи, $\alpha$
Тяжелоглинистые (горизонтальный дренаж глубиной 3,0—3,5 м)	3,0	0,3	400—460	0,030	0,40	2—4	3,0
Суглинистые и слоистые глинисто-суглинистые (горизонтальный дренаж 3,0—3,5 м)	3,0	0,3	250—300	0,018	0,38	6—8	2,0
Слоистые глинисто-суглинистые (вертикальный дренаж)	3,0	0,3	50—100	0,013	0,26	10—12	1,0

Значения промывных норм, подсчитанные формулами разных авторов, м<sup>3</sup>/га

Почвы	Глубина, м	По формулам		
		$N = \frac{(2A\sqrt{D^*t} + H)m}{C_0}$	$N = \text{alg} \frac{C_0}{C} + \frac{\alpha}{\mu} H$	$N = \text{alg} \frac{C_0}{C}$
Тяжелоглинистые (горизонтальный дренаж глубиной 3,0–3,5 м)	1	30000	40000	40000
	2	40000	50000	51000
	3	48000	60000	69000
	4	54000	10000	88000
Суглинистые и слоистые глинисто-суглинистые (горизонтальный дренаж 3,0–3,5 м)	1	21000	23000	23000
	2	29000	26000	26000
	3	35200	29000	23000
	4	40200	32000	37000
Слоистые глинисто-суглинистые (вертикальный дренаж)	1	9600	11000	11000
	2	14600	12000	12000
	3	19000	13000	14000
	4	23100	14000	16000

Значения промывных норм, подсчитанные формулами разных авторов, внесены в табл. 2, из которой видно, что эти значения, подсчитанные формулами С. Ф. Аверьянова и нами во всех разновидностях механического состава почвогрунтов совпадают, а формулами И. П. Айдарова и Я. В. Гахраманова при малых (4) и больших (8) значениях параметра  $\mu$  значительно расходятся (отклонение составляет 20–30%).

Все сказанное убедительно говорит о том, что предложенная нами формула для определения значений промывных норм для более глубоких слоев достоверна и полностью приемлема.

Использование формул (14, 15) при определении значений промывных норм для опреснения большой толщи почвогрунтов может значительно облегчить и тем самым ускорить работу исследователей и проектировщиков.

#### Литература

1. Аверьянов С. Ф. Орошаемое земледелие в европейской части СССР. М., "Колос", 1965.
2. Айдаров И. П. Теория и практика борьбы с засолением орошаемых земель. М., "Колос", 1971.
3. Воловую В. Р. Расчет промывки засоленных почв. М., "Колос", 1975.
4. Вышпольский Ф. Ф. Тез. докл. конф. молодых ученых КазНИИВХ. Кызыл-Орда, 1971.
5. Гахраманов Я. В. Изв. АН Азерб. ССР, серия биол. наук, № 4, Баку, 1973.
6. Гасанов Г. Я. Мат-лы юбл. научно-технической конф., посвящ. 50 Азерб. ССР и КП Азерб. Баку, 1970.
7. Петров Е. Г., Бобченко В. Н., Сидько А. А., Мясищев С. Н. "Гидротехника и мелиорация", № 3, 1965.

Институт почвоведения и агрохимии

Поступило 15.VI 1977

Г. З. Эзизов

#### ДЭРИН ГАТЛАР УЧУН ЙУМА НОРМАЛАРЫНЫН ТӘЖИНИ

Торпагынын үст метрлик гатынын дузлардан тәмизләнмәсі эсаслы мелиорасијаның илк мәрхәләсіндир. Һазырда интенсив дренаж фонунда иәнинки торпагынын үст гатыны, ерәк дә аерасија зонасы вә грунт суларынын үст гатыны да дузлардан тәмизләмәк

мүмкүндүр. Одур ки, йума заманы торпагынын дөрөн гатларынын дузлардан тәмизләнмәсінин ганунау жүнлүгларыны билмек вә айры-айры гатлар учун йума нормаларыны тә'жин етмек тәләби мејдана чыхыр.

Мәгәләдә бу ганунау жүнлүглар көстәрилмеш вә дөрөн гатларды дузлардан тәмизләмәжә лазым олан суужи мигдарынын тапмаг учун формула верилмишdir.

K. Z. Azizov

#### THE DETERMINATION VALUES OF WASH'S NORMS ON DEEPER LAYERS

The formula for the determination of the values of wash's norms on deeper layers in soils is suggested (2.3 and 4 m).

Чл.-корр. А. И. ГЮЛЬХМЕДОВ, И. А. АГАЕВ, А. И. БАЕВА,  
Э. А. МУГАЛИНСКАЯ

## МИГРАЦИЯ МИКРОЭЛЕМЕНТОВ В ПОЧВАХ И ИХ СОДЕРЖАНИЕ В РАСТЕНИЯХ ПО РАЗЛИЧНЫМ ЛАНДШАФТАМ СЕВЕРО-ВОСТОЧНОЙ ЧАСТИ БОЛЬШОГО ҚАВҚАЗА (АЗЕРБ. ССР)\*

Изучение условий миграции микроэлементов (B, Mn, Cu, Zn, Co, Mo) проводилось нами в почвах с различным ландшафтом в северо-восточной части Большого Кавказа. Отправной точкой исследований служил высокогорный ландшафт, в зоне которого распространены горно-луговые дерновые почвы.

По валовым формам микроэлементов отмечается явная зона выноса из почв высокогорного ландшафта, что связано с промывным режимом. По мере ослабления влияния промывного режима отмечается определенное накопление микроэлементов в почвах, начиная со среднегорного ландшафта, а в зоне равнинно-низменного ландшафта — аккумуляция.

Результаты наших исследований показывают, что подвижные формы микроэлементов, несмотря на относительно высокое содержание гумуса в почвах, выносятся из пахотного горизонта горно-луговых дерновых почв. Последнему способствует промывной режим почв, что свойственно для данного ландшафта. В условиях среднегорного ландшафта (горно-лесные бурьи почвы) отмечается некоторое увеличение содержания подвижных форм микроэлементов, и особенно заметное увеличение происходит в почвах равнинно-низменного (аллювиально-лугово-лесные почвы) и полупустынного ландшафта (светло-каштановые почвы). Здесь можно говорить о зоне выноса, так как происходит заметное увеличение содержания микроэлементов в почвах каждого из последующих ландшафтов. Одновременно почвы этих ландшафтов накапливают подвижные формы микроэлементов по отношению к почвам предыдущих ландшафтов.

Однако зоной собственно аккумуляции можно считать почвы равнинно-низменного ландшафта.

В зоне эфемерно-сухо-субтропического ландшафта отмечается резкое уменьшение содержания подвижных форм микроэлементов. Это объясняется тем, что по существу почвы песчаной пустыни, следовательно, количество валовых и подвижных форм микроэлементов будет в них невысоким.

Результаты этих исследований дают основание выделить: 1) зону выноса высокогорного ландшафта (горно-луговые дерновые почвы); 2) переходную — среднегорного ландшафта (горно-лесные бурьи почвы), равнинно-низменного ландшафта (аллювиально-лугово-лесные

\* В выполнении данной работы принимали участие канд. с.-х. наук А. Х. Ниязов, А. В. Гянджемехр, А. М. Али-заде.

почвы) и полупустынного ландшафта (светло-каштановые почвы), а также 3) зону аккумуляции микроэлементов — равнинно-низменного ландшафта (серо-бурые солончаковые почвы).

Одновременно с этим производилось изучение условий миграции микроэлементов в зависимости от абсолютной отметки (по склону горы Шахдаг, 4445 м над ур. моря). Для этого накладывалась геохимическая сетка, по которой через каждые 200 м по вертикали брались почвенные и растительные образцы.

Изучение условий миграции микроэлементов производилось в зоне распространения горно-луговых дерновых почв. Всего было взято 120 образцов по вертикали с отметки 3 000—2 000 м над ур. моря включительно.

Результаты наших исследований показывают, что для валовых форм микроэлементов (марганец, медь, бор, цинк, кобальт, молибден) отмечается общая тенденция к увеличению содержания их в пахотном горизонте в зависимости от уменьшения высоты местности.

Для таких элементов, как молибден и кобальт кривые содержания изменяются весьма плавно. Изменения для молибдена выражаются величинами 2,4 (3 000 м над ур. моря) — 4,0 мг/кг почвы (2 000 м над ур. моря). В случае кобальта эти величины изменяются соответственно от 12,9 до 17,5 мг/кг почвы.

Для бора изменения в содержании более заметны — 39,9—54,2 мг/кг почвы дернового горизонта. Медь и цинк изменяются аналогично друг другу — кривые содержания этих микроэлементов идут почти параллельно, начиная для меди со значения 33,3, а для цинка — 39,2 мг/кг почвы, заканчиваясь величинами соответственно 52,2 и 55,9 мг/кг почвы.

Наиболее резко выражена кривая содержания марганца в верхнем горизонте почв в зависимости от высоты местности для одних и тех же почвенных образцов. Так, если на высоте 3 000 м над ур. моря количество марганца в дерновом горизонте определяется величиной 519,0 мг/кг почвы, то на высоте 2 000 м над ур. моря это содержание почти вдвое больше. Хочется подчеркнуть, что наиболее резкие изменения в содержание элементов, как правило, отмечаются в почвах с высоты 2 400 м над ур. моря.

Для некоторых микроэлементов, в частности, для меди и цинка, характерны довольно резкие изменения содержания в зависимости от каждой точки отбора образцов (через каждые 200 м).

Та же закономерность увеличения содержания микроэлементов по мере уменьшения абсолютной отметки распространения почв отмечается и по подвижным формам. Следует указать, что кривые содержания подвижных форм микроэлементов в дерновом горизонте горно-луговых дерновых почв более резкие, чем для валовых форм этих же элементов. Примером может служить содержание подвижного молибдена. Если на высоте 3 000 м в дерновом горизонте почв содержится 0,16 мг/кг, то на высоте 2 000 м количество его возрастает до 2,4 мг/кг почвы.

Аналогичные изменения отмечаются по подвижным формам и других микроэлементов. При этом следует отметить, что изменения в количестве подвижных форм микроэлементов происходят в довольно заметной мере по каждой точке отбора образцов.

Отмечая результаты исследований по содержанию микроэлементов в пахотном слое основных типов почв северо-восточного склона Большого Кавказа можно сделать вывод о том, что зона распространения горных почв является зоной выноса как подвиж-

ных, так и валовых форм микроэлементов. Этот вывод находит подтверждение и по результатам анализов растительных образцов.

В заключение можно отметить, что независимо от геохимических особенностей микроэлементов отмечается их определенная миграция в зависимости от высоты местности и видов ландшафта.

Институт почвоведения  
и агрохимии

Поступило 25. IX. 1977

Э. Н. Куләһмәдов, Н. А. Агаев, А. И. Баева, Е. Э. Мугалинскайа

**БЕЈҮК ГАФГАЗЫН (АЗӘРБ. ССР) ШИМАЛ-ШӘРГ ҮНССӘСИННИН МҮХТӘЛИФ  
ЛАНДШАФЛАРЫНЫН ТОРПАГЛАРЫНДА МИКРОЕЛЕМЕНТЛӘРИН ЈЕР  
ДӘЖИШМӘСИ ВӘ ОНЛАРЫН БИТКИЛӘРДӘ МИГДАРЫ**

Микроэлементләрин (Mn, B, Cu, Co, Mo) яр дәжишмәси шәранти Бејүк Гафгазын шимал-шәрг үнссәсинин мүхтәлиф ландшафларында єрәнилмишdir. Тодғигат ишләри чимли даг-чәмән торпаглары јајымыш јуксок даглыг ландшафттыда башланмышдыр.

Микроэлементләрин үмуми формасына көрә бу зона јуксәк даглыг ландшафлы торпагларында чыхарылма зонасы саяылыр ки, бу да эсасен јујулма режими илә әлат-әләндирлилir. Јујулма режими эзифләдиккә орта даглыг зонасында микроэлементләрин торпагларда мүәյҗән мигдар тоiplанмасы, ашагы дүзәнилк ландшафты зонасында исә аккумулясија процесси изәэр чарып.

Микроэлементләрин мүтәһәрrik формасы илә дә геид етдијимиз процессе ујгун дәшилик кедир. Мигдарына көрә, микроэлементләрин мүтәһәрrik формасы үмуми форма иибәтән даһа чох јујулуб ашагы гатлара ахыр. Бу процесс торпагларда олдуғу кими, биткиларин дә тәркибинде даглыг зонадан дүзәнилә кетдикчә артыр.

A. N. Gulakhmedov, N. A. Agayev, A. I. Baeva, E. A. Mugalinskaya

**THE MIGRATION OF MICROELEMENT IN SOIL AND THE QUANTITY IN  
PLANT STRUCTURE IN DIFFERENT LANDSCAPE OF NORTH-EAST  
PART OF GREAT CAUCASUS**

We learned the movement of microelements (Mn, B, Cu, Zn, Co, Mo) in soil, in different landscape of north-east part of Great Caucasus.

The starting point of research was high mountainous landscape, that's why, the mountain-meadow turf soils were spread out. The result of research showed that the mountainous soils of carrying-out zone are gross forms of general and mobile forms of microelements too. This result found its confirmation in analysis of plant vegetable models.

АЗӘРБАЙЧАН ССР ЕЛМЛӘР АКАДЕМИЯСЫНЫН МӘРҮЗӘЛӘРИ

ДОКЛАДЫ АКАДЕМИИ НАУК АЗЕРБАЙДЖАНСКОЙ ССР

ТОМ XXXIV ЧИЛД

№ 6

1978

УДК 633.11

**ГЕНЕТИКА И СЕЛЕКЦИЯ**

Акад. И. Д. МУСТАФАЕВ, Ф. М. АЛИМОВ

**КОЭФФИЦИЕНТ КОРРЕЛЯЦИИ МЕЖДУ ОСНОВНЫМИ  
СТРУКТУРНЫМИ ЭЛЕМЕНТАМИ КОЛОСА У ТВЕРДОЙ  
ПШЕНИЦЫ**

Как известно, урожайность твердой пшеницы определяется числом продуктивных стеблей на единицу площади и продуктивностью колоса. В свою очередь, продуктивность колоса зависит от количества структурных элементов в нем.

Известно, что соотношение между признаками, характеризующим продуктивность колоса, варьирует, это обусловлено как сортовыми особенностями, так и их изменчивостью в пределах сорта в зависимости от условий выращивания.

Для селекционной работы имеет большое значение изучение взаимосвязи между структурными элементами колоса, а также очень важно знать закономерности взаимосвязей между морфологическими признаками.

Изучением корреляции между количественными признаками колоса занимались многие исследователи [1, 2, 3, 6 и др.].

В данной работе нами сделаны попытка установить корреляционную связь между основными структурными элементами колоса и определить изменчивость каждого из признаков продуктивности колоса и зависимости от нормы высева.

Экспериментальную работу проводили в 1975—1977 гг. на поливном участке Карабахской научно-экспериментальной базы Института генетики и селекции АН Азерб. ССР, которая расположена 402 м над ур. моря. Предшественник — черный пар. Посев проводили в оптимальном сроке (в III декаде) вручную с нормой высева 100, 200, 300 и 400 всхожих зерен на 1 м<sup>2</sup>. В период вегетации отмечали сроки фаз развития растений.

Для анализа использовались короткостебельные, среднерослые и высокорослые сорта твердых пшениц.

Уборка проводилась путем выдергивания растений с корнями. Из каждого сорта проанализировали 65 растений (объем выборки).

После проведения всех подсчетов (линейных и весовых) измерений была проведена биометрическая обработка полученных данных методом корреляционного анализа, который проводили по общепринятой методике [5].

В числе структурных элементов колоса нами была изучена длина колоса, количество колосков в колосе, вес и количество зерна с одного колоса.

Длина колоса по сравнению с другими количественными признаками отличается относительным постоянством. Она зависит от генотипических и биологических особенностей испытуемых сортов, а также от других факторов, связанных с условиями формирования

колоса. Коэффициент изменчивости этого признака и отличающихся сортов по высоте растений колебалась от 9,8 до 16% в зависимости от нормы высева. В табл. 1 приведен коэффициент изменчивости у сортов, отличающихся по высоте растений в зависимости от нормы высева.

Таблица 1

Коэффициент изменчивости у сортов, отличающихся по высоте растений в зависимости от нормы высева

Сорт	Коэффициент вариации при различных нормах высева, %											
	100 зерен		200 зерен		300 зерен		400 зерен		100 зерен		200 зерен	
	К-282204	Джафари	Сары-бугда	К-282204	Джафари	Сары-бугда	К-282204	Джафари	Сары-бугда	К-282204	Джафари	Сары-бугда
Длина колоса	11,6	10,7	9,8	9,9	15,8	11,2	15,8	14,2	10,5	16,0	13	11,3
Количество колосков в колосе	13,5	9,2	9,6	10,2	10,7	11,3	12,6	10,1	8,3	12,8	10	8,9
Количество зерен в колосе	18,9	21,1	18,5	19,0	20,0	21,0	29,8	14,9	16,7	17,7	16	14,7
Вес зерна с одного колоса	20,4	17,0	18,8	19,7	22,8	21,8	28,4	16,3	18,1	21,0	18	16,0

Изучение длины колоса представляет большой интерес в том смысле, что этот признак значительно коррелирует с другими его структурными элементами.

На основании корреляционного анализа (табл. 2) установлено, что длина колоса у короткостебельных сортов К-282204 коррелирует с количеством колосков в колосе от +0,63 до +0,69, с количеством зерна в колосе от +0,55 до +0,65 и с весом зерна с одного колоса от +0,54 до +0,69 в зависимости от нормы высева.

У среднерослого сорта Джаджарди длина колоса коррелирует с количеством колосков в колосе от +0,68 до +0,87, с количеством зерна в колосе от +0,44 до +0,66 и с весом зерна с одного колоса от +0,44 до +0,59, а у высокорослого сорта Сары-бугда длина колоса коррелирует с количеством колосков в колосе от +0,47 до +0,71, с количеством зерна в колосе от +0,46 до +0,78 и с весом зерна с одного колоса от +0,40 до +0,81 в зависимости от нормы высева.

Количество колосков в колосе является одним из элементов продуктивности колоса и отличается относительным постоянством.

Этот признак во многом зависит от генотипических особенностей сорта и от условий окружающей среды. Количество колосков в колосе является среднезменчивым признаком. Коэффициент изменчивости этого признака колебался от 9,6 до 13,9% в зависимости от нормы высева. Количество колосков в колосе имеет большое значение при селекции на продуктивность.

Из данных табл. 2 видно, что количество колосков в колосе тесно коррелирует с количеством и весом зерна с одного колоса. Оно колебалось у короткостебельного сорта К-282204 соответственно от +0,53 до 0,72, от +0,74 до +0,69. У среднерослого сорта Джаджарди соответственно от +0,51 до 0,64, от +0,53 до +0,59, а у высокорослого Сары-бугда соответственно от +0,45 до +0,72, от +0,51 +0,72 в зависимости от нормы высева.

Количество и вес зерна с одного колоса. Эти

Таблица 2

Коэффициент корреляции между структурными элементами колоса у сортов твердой пшеницы, отличающихся по высоте растений в зависимости от нормы высева

Сорт	Коэффициент корреляции при различных нормах высева (шт. на 1 м <sup>2</sup> )											
	100 зерен		200 зерен		300 зерен		400 зерен		100 зерен		200 зерен	
	К-282204	Джафари	Сары-бугда	К-282204	Джафари	Сары-бугда	К-282204	Джафари	Сары-бугда	К-282204	Джафари	Сары-бугда
Длина колоса и количество колосков в колосе	+0,63	+0,77	+0,47	+0,68	+0,87	+0,71	+0,69	+0,68	+0,65	+0,67	+0,69	+0,67
Длина колоса и количество зерен в колосе	+0,65	+0,66	+0,46	+0,56	+0,66	+0,78	+0,63	+0,53	+0,56	+0,63	+0,44	+0,67
Длина колоса и вес зерна на колосе	+0,64	+0,53	+0,40	+0,54	+0,59	+0,81	+0,62	+0,49	+0,59	+0,69	+0,44	+0,65
Количество колосков в колосе и зерна в колосе	+0,62	+0,51	+0,45	+0,53	+0,64	+0,72	+0,72	+0,63	+0,53	+0,61	+0,55	+0,59
Вес зерна с одного колоса и количество зерен в колосе	+0,92	+0,89	+0,90	+0,83	+0,93	+0,97	+0,90	+0,92	+0,89	+0,94	+0,94	+0,83

признаки являются сильно варьирующими. Коэффициент изменчивости этих признаков колебался соответственно от 14,7 до 25,8 и от 16,2 до 28,4% в зависимости от нормы высева. Он зависит как от генетических особенностей сортов, так и от метеорологических условий.

Эти признаки имеют исключительно важное значение в деле улучшения продуктивности твердой пшеницы. Они очень сильно коррелируют между собой.

Коэффициент корреляции между количеством и весом зерна с одного колоса колебался у короткостебельного сорта К-282204 от +0,83 +0,93, у среднерослого сорта Джадар от +0,89 до +0,94 и у высокорослого сорта Сары-бугда от +0,83 до +0,97 в зависимости от нормы высева.

Это связано с тем, что у твердой пшеницы, как правило, зерна крупные. Поэтому продуктивность колоса больше зависит от количества зерен в нем. Эти признаки можно считать основными для отбора при селекции на урожайность твердой пшеницы. Из приведенных данных видно, что структурные элементы колоса достаточно сильно коррелируют между собой, что при селекции является достаточно надежным признаком.

После вычисления парного коэффициента корреляции нам удалось вычислить множественную корреляцию между структурными элементами колоса. Коэффициент множественной корреляции между длиной колоса, количеством колосков и количеством зерна в колосе довольно высок. Он колебался у различных сортов, отличающихся по высоте растений от 0,56 до 0,72 в зависимости от нормы высева. Этот факт еще раз подтверждает селекционную ценность структурных элементов колоса при селекции.

#### Литература

1. Гужов Ю. Л. Селекция и семеноводство. М., 1974.
2. Гужов Ю. Л. Мат-лы второго советско-индийского симпозиума по проблемам генетики и селекции культурных растений. Баку, 1976.
3. Дундер И. И. Мат-лы советско-индийского симпозиума по проблемам генетики и селекции культуры растений. Баку, 1976.
4. Иогансен В. Элементы точного учения об изменчивости и наследственности с основами биологической вариационной статистики. М.-Л., 1933.
5. Лакин Г. Ф. Биометрия. М., 1973.
6. Михеев Л. А. Суслаков В. С. Научные труды с/х ин-та. Омск, 1973.
7. Усикова А. А. Селекция и семеноводство, вып. 14. Киев, 1969.
8. Цильке Р. А.; Цильке И. А. «Генетика», т. XIII, № 2; 1977.
9. Цильке Р. А.; Цильке И. А. «Генетика», т. X, № 9.
10. Борисова Н. И. Научные труды ВАСХНИЛА. М., 1975.

#### Институт генетики и селекции

Поступило 28. XII 1977.

Академик И. Д. Мустафаев, Ф. М. Алимов

#### БӘРК БҮГДА СОРТЛАРЫНДА ГУРУЛУШ ЕЛЕМЕНТЛӘРИ АРАСЫНДАКЫ КОРРЕЛЯСИЯ ӘМСАЛЫ

Мәгәләдә мүэллиләр бәрк бүгдә сортларында сүйбүлүн эсас көмүйәт иишанәләри арасында корреляция әлагасынның сыйлыгының өјрәнмәжә чөнд көстәрмишләр ки, бәрк бүгдә сортларында сүйбүлүн көмүйәт иишанәләри арасында јүксәк корреляция әлагасы вардыр. Апарылан тәчрүбәдә чәкиси арасында мушаһидә едилинишdir (+0,83-дән +0,97-ја ким).

I. D.Mustafaev, F. M. Alimov

#### GORRELATION COEFFICIENT BETWEEN THE MAIN STRUCTURAL ELEMENTS OF AN EAR IN TRITICUM DURUM

An attempt to ascertain the correlative relations between the main structural elements of an ear was done in this article. Basing on the correlative analysis it was determined that the structural elements of an ear greatly correlate between each other according to the standard quantity of seed per hectare. According to the standard quantity of seed per hectare the highest relation was marked between seed quantity and weight per ear ( $r=+0,83-+0,97$ ) in *Triticum durum*.

АЗЭРБАЙЧАН ССР ЕЛМЛӘР АКАДЕМИЈАСЫНЫН МӘРҮЗӘЛӘРИ

ДОКЛАДЫ АКАДЕМИИ НАУК АЗЕРБАЙДЖАНСКОЙ ССР

ТОМ XXXIV ЧИЛД

№ 6

1978

#### ТОПОНИМИКА

Н. К. МӘММӘДОВ

#### БАЛАҚӘН РАЙОНУНУН БӘЗИ ОЖКОНИМЛӘРИНИН МӘНШӘЛИ ҺАГГЫНДА

(Азәрбајчан ССР ЕА академиги Н. К. Әлијев тәгдим етмишdir)

Республикамызда мұхтәлиф дәврләрдә жаражыш жаражыш мәнтә-гәләринин адлары Азәрбајчан халғынын һәјат вә мәншәтини, милли тәркиби вә етник хүсусијәтләrinini, тарихи кечмишини вә с. экс етди-рир. Зәнкүн мә'лumat мәнбәси олан ожконимләрни тәдгиги, бу бахымдан мүһүм әһәмийјәт кәсб едир. Мәгаләдә Балакән району әразисинде Гуллар, Гарачалар, Халатала, Балакән, Талалар вә Чорчорбинә жаражыш мәнтәгәләри адларынын мәншәјіндән бәһс олунур.

Гуллар<sup>1</sup> ожкониминиң ilk бахышда «гул» сөзү илә әлагәдар олараг жаражығыны күман етмәк олар. Лакин арашдырмалар бу топонимин «гул» сөзүнүн индикі баша душдујумуз мә'насы илә һеч бир әлагәси олмадығыны тәсдиғ едир. Мәнбәләрдә гул тајфасынын гыпчаг мәншәли ет-ионим олмасы гејд олунур.<sup>2</sup> Гуллар топониминин гәдим болгар тајфаларынан биринин адь олмасы да көстәрилir.<sup>3</sup> Гыпчаг мәншәли тајфаларын бә'зиләринин Совет Азәрбајчаны әразисинә қәлмәсі исә мәһз һүнларын ерамызыны әvvәлләриндән е'тибарән Шимали Гафгазда һаким мәв-те туマルары илә әлагәләндирілir.<sup>4</sup> Құрчустан ССР әразисинде бу етно-нимә Акұлари,<sup>5</sup> Дағыстан МССР-дә Куллар<sup>6</sup> жазылыштарында раст кәлинир.

Гәрби Сибирдә Куллар адлы маһал XVII әсрдән мәвчуддур.<sup>7</sup> Г. В. Йусупов Газан ханлығында XVI әсрдә Гул кәндиин олмасыны гејд едир.<sup>8</sup> Демәли Балакән, Гусар Ағдаш районларында Гуллар ож-коними мәншә е'тибарилә бу етнонимин адь илә әлагәдар олараг жаражышдыры.

ГАРАЧАЛАР жаражыш мәнтәгәсі Гылышты тајфасынын бир тиရ.

\* Рус мәнбә вә хоритәләриндән алдығымыз чографи адлар мәгаләдә олдуғу кими саҳланилыштыры.

<sup>1</sup> Азәрбајчан әразисиндән көнарда раст көлинен Гуллар ожконими Куллар кими жа-зылышы.

<sup>2</sup> Н. А. Аристов. Заметки об этническом составе тюркских племен и народ-ностей. «Живая старина», вып. III—IV. СПб., 1896.

<sup>3</sup> Г. А. Гейбуллаев. О некоторых закономерностях в образовании топони-мики Азербайджана. Известия АН Азерб. ССР, серия истории, философии и права, № 1, 1975, сән. 96—97.

<sup>4</sup> Г. Э. Гејбуллаев. Азәрбајчанда гыпчаг мәншәли етнонимләр һағында. Азәрб. ССР ЕА-нын мә'рүзәләри. XXXII чилд, № 4, 1976, сән. 83.

<sup>5</sup> Административно-территориальное деление Грузинской ССР. Тбилиси. 1966.

<sup>6</sup> Административно-территориальное деление Дагестанской АССР. Махачкала, 1965.

<sup>7</sup> Б. О. Долгих. Родовой и племенной состав народов Сибири в XVII веке. М., 1960.

<sup>8</sup> Г. В. Йусупов. Булгаро-татарская эпиграфика и топонимика как источник исследований этногенеза казанских татар. «Вопросы этногенеза тюркоязычных наро-дов Среднего Поволжья», вып. I. Казань, 1971.

сиинын адыны дашијыр.<sup>9</sup> Республикамызда Гылычлы тајфасынын 21 ти-  
рэсий вардыр<sup>10</sup>. Гарачалар чографи адынын бир чох мэнбэлэрдэ мүхтэ-  
лиф јазылыш вариантларына (Каштан Караджалар<sup>11</sup>, Күштан Каад-  
жалар<sup>12</sup>, Гараджаляр<sup>13</sup>, Караджалар<sup>14</sup>) раст кэлирик. Гылычлы вэ ја  
«гылыч» тајфасынын нечөнчи эсрдэн Азәрбајчанда мэскунлашмасы  
наггында һәләлик дәгиг мә'луматымыз јохдур.

Республикамызда гапалы сантләрлә битән мурәккәб шәхс адлары-  
на чәм шәкилчисини (лар, ләр) артырылмагла јарадылан бә'зи ојконим-  
лар сәһв олараг гапалы сантсиз верилмишdir. Мәсәлән, Сарычалы-  
лар—Сарычалар (Саатлы раionу); Мурдалылы—Мурадаллы (Имишли  
раionу), Шаһвәлили—Шаһвәлли (Чәбрајыл раionу) вэ с. Гарачалар  
кәнд ады да бу гәбилдәндир. Јашајыш мәнтәгәсинин дүзкүн ады—Гара-  
чалылар олмалыдыр<sup>15</sup>.

Јерли әнали Халатала вэ ја Халанын таласы ојконимини гадын-  
ады илә әлагәдар. јарандығыны сөјләјир. Лакин бу халг етимолокија-  
сынын ојконимин мәншәји илә һеч бир әлагәси јохдур.

Азәрбајчан ССР-дә олан бә'зи јашајыш мәнтәгәләринин адлары  
ики тәркиб һиссәдән ибәрәтдир. Мәсәлән: Абадкәнд, Ағдәрә, Сарыбулаг  
вэ с. Халатала кәнд ады да белә чографи адлардан биридир. Ојкони-  
мин тәркибиндәкى «хала» вэ «тала» сөзләринин һәр икиси терминидir.  
Хала<sup>16</sup> аварча, узун демәkdir. Азәрбајчан ССР-ин шimal-гәрб зонасын-  
да бир чох јашајыш мәнтәгәси (Әҗритала, Пүштәтала, Хәләфтала, Хыр-  
хатала вэ с.) адларынын тәркибиндә «тала» төрмими ишләнир. Бу сөз  
дүзәнлик, мешә ичәрисинде ачыглыг, һамар јер<sup>17</sup> мә'наларында монгол,  
алтай, чыгатај, евенк, гыргыз вэ башга дилләрдә дә вардыр.<sup>18</sup> Јашајыш  
мәнтәгәсинә ад салындығы саһенин формасына (таланын узун олмасы-  
на) көрә верилмишdir. Азәрбајчанда бир груп адлар вардыр ки, онлар  
адыны башга чографин объектдән (кәнд, шәһәр, дағ, дәрә, чај, көл вэ с.)  
алмамышдыр. Һәмmin топонимләрә ад өзүнүн специфик хүсусијјәтләrinе  
көрә верилмишdir. Мәсәлән, Afçu ҹаяна ад сујунун кејфијјәтине (су-  
јунун инсан тәрәфиине) ичмәје јаарлы олмасына). Сарысу көлүнә су-  
јунун рәниине (сары олмасына). Учтәрәје тәләнин уч олмасына, Кичик  
арха сујунун аз олмасына вэ с. Бу фактлар көстәрик ки, специфик әла-  
мәт эсас е'тибарила объектни өзүндән доғур вэ һәмmin объектә хас олур.  
Балакән чографи ады да бу гәбилдән олуб, адьны специфик хүсусијјә-  
тине—илик салынан кәндин кичик олмасына көрә алмышдыр. Бала-  
кән—Балакәнд сөзүнүн ихтиsar формасыдыр<sup>19</sup>.

<sup>9</sup> Р. А. Қәrimli. Бә'зи Азәрбајчан ојконимләrinin мәншәји наггында гејдләр.  
Азәрбајчан топонимијасының өјрәнилмәсни һәср едилемиш елми конфрансын материал-  
лары, Бакы, 1973, сәh. 22.

<sup>10</sup> Г. Э. Гејбуллајев. Азәрбајчан топонимијасында бә'зи етнонимләр наггын-  
да. Азәрбајчан топонимијасының өјрәнилмәсни һәср едилемиш елми конфрансын мат-  
ериаллары, Бакы, 1973, сәh. 29.

<sup>11</sup> Карта Джавадского уезда. Масштаб:  $\frac{1}{420000}$ , 1869.

<sup>12</sup> Свод статистических данных о населении Закавказского края. Тифлис, 1893 г.,  
сәh. 293.

<sup>13</sup> Карта Кавказа Азиатской Турции и Персии. Масштаб:  $\frac{1}{1680000}$  или 40  
верст. Приложение к Кавказскому календарю на 1917 г.

<sup>14</sup> Административно-территориальное деление Азербайджанской ССР. Баку,  
1968, сәh. 169.

<sup>15</sup> Н. Г. Мамедов. Исследование географических названий Муганской и  
Сальянской равнины Азербайджанской ССР. Автореф. канд. дисс. Баку, 1975, сәh. 23.

<sup>16</sup> Рәмзи Йұзбашов. Азәрбајчан чографија терминләри (тәдгигләр). Бакы, 1966,  
сәh. 101.

<sup>17</sup> Л. З. Будагов. Сравнительный словарь турецко-татарских наречий, т. I,  
СПб, 1869, сәh. 335.

<sup>18</sup> Гијасәddин Гејбуллајев, Гәмәршән Чавадов. Кәндләrimizinin топони-  
микасындан. Елм вә һәјат, №11, 1971, сәh. 26.

<sup>19</sup> Р. Йұзбашов, К. Элиев, Ш. Сәдиев. Азәрбајчанын чографи адлары  
(очеркләр). Бакы, 1972, сәh. 67.

Чох күман ки, Балакән—БАЛАКӘНД адынын тәһриф формасы  
олуб, кичик кәнд мә'насында.

Муган, Гарабағ, Кәнчә вэ с. тарихи-әрази ады илә баглы Муганлы,  
Гарабаглы вэ Кәнчәли јашајыш мәнтәгәләри јаранмышдыр. Талалар  
кәнд ады да бу група дахилдир. Ојконим Загатала раionunu Ашагы  
Тала (Биринчи Тала) кәнддиндән кечүб кәлән иеслин (Талалылар иес-  
лини) адыны дашијыр.

Муасир Азәрбајчан ССР иизибати-әрази бөлкүсү китабларында<sup>20</sup>  
да, бу јашајыш мәнтәгәсинин ады сәһвән талалар формасында јазылыр.  
Нәсил адыны дашијан (патронимик) ојконим кичик бир сәһв иетичә-  
синдә саһо (тала) адыны дашијан Талалар шәклини душмушдур. Һәмmin  
кәнддә мэскунлашсан әһалинин бир иесилдән (Талалылар иеслини)  
олмасы да бу фикри тәсдиг едир. Талалар кәнддин дүзкүн ады—Тала-  
лылар олмалыдыр.

ЧОРЧОРБИНЭ ојконимин тәркибиндәки бинә компоненти мә'лум-  
дур. Арашдырмалардан аждын олду ки, чорчор—«шоршор» сөзүнүн тәһ-  
риф формасыдыр.

Республикамызын гәрб зонасында бә'зи сөзләрин тәркибиндә олан  
«ш» сәси «ч» сәси кими тәләффүз олунур: Мәсәлән, сорушмаг—соруч-  
маг, шоршор—чорчор, падшаш—падчан<sup>21</sup> вэ с. Бу зонаны диалект вэ  
шивәләриндә ишләнән һәмmin гәбилдән олан сөзләр умуми грамматик  
тајдаларынын эксинә олараг, јазылараг әдәбијатлара да дахил олур.  
Елә бу сәбәbdәn дә Шоршорбина ојконими јерли әналини тәләффүз  
етдији кими—Чорчорбина формасында јазылыр.

Шоршор—«шырышыр», кичик шәлалә демәkdir. Кәнд ондан әзвәлки  
јашајыш мәнтәгәсинин (шоршор бинәсинин) адыны дашијыр.

Чографија институту

Алымнишdir 28. VII 1977

Н. Г. Мамедов

## О ПРОИСХОЖДЕНИИ НЕКОТОРЫХ ОЙКОНИМОВ БЕЛОКАНСКОГО РАЙОНА

Названия населенных пунктов, возникшие в изгней республике в различные времена, отражают жизнь, национальный состав, этнические особенности и историческое прошлое азербайджанского народа. С этой точки зрения большое значение приобретает исследование ойконимов, которые являются богатым источником сведений.

Статья посвящена происхождению названий населенных пунктов в пределах территории района Гуллар, Гараджалар, Халгтала, Балакен, Талалар и Чорчорбина.

N. G. Mamedov

## ABOUT THE ORIGIN OF SOME OIKONIMS IN BALAKEN DISTRICT

The article deals with the origin of settlement names of Gullar, Garajalar, Khaltala, Balaken, Talalar and Chorchorbina in Balaken administrative district. Language belonging, origin of names, distributed areas and etc. are scientifically explained.

<sup>20</sup> Азәрбајчан ССР иизибати-әрази бөлкүсү. Бакы, 1961, 1964, 1968-чи иллар.

<sup>21</sup> М. Ширәлиев. Азәрбајчан диалектологијасының эсаслары. Бакы, 1967, сәh. 385.

А. ЗЕЈНАЛОВ

**М. ШАHTАХТИНСКИНИН «ТИФЛИС» ГЭЗЕТИ ЧЫХАРМАГ ТЭШЭББУСУ ҺАГГЫНДА**

(Азэрб. ССР ЕА академики Э. С. Сумбатзадэ тэгдим етмишди)

Шэртшүн алим, ичтиман хадим вэ педагог кими мэшнур олан Мэммэдаға Шаhtахтински һэм дэ көркәмли журналист иди. Журналистик фэалийжэт 1870-чи иллэрин сонунда башлајан М. Шаhtахтински Петербург вэ Москва газетләриндэ мунтэзэм әмәкдашлыг етмэклэ јанаши Истамбулда нэшр олунан түрк, фарс вэ франсыз газетләриндэ дэ мәгалләр чап етдириди. 1891-чи илдэ о, Бакыда рус дилиндэ чыхан «Каспи» гэзетинэ мувэггэти редактор тэ'јин олунмушду.

20 илдэн артыг мэтбуат саһесиндэ чалышан М. Шаhtахтински 1896-чы илдэ ана дилиндэ «Тифлис» адлы һефтэлик гэзет чыхармага ичазэ истэјир.<sup>1</sup> О, Баш мэтбуат ишләри идарэснэ вердижи эризесиндэ гэзет ишләрнэд мэгсэдии изаһ едэрэх јазырды ки, рус тэ'бэси олан азэрбаичанлыларын бир дэ олса мэтбуат органы—гэзет вэ ја журналы јохдур. Онлар Бахчасарајда чыхан «Тэрчуман», фарс, әрәб вэ түрк дилләриндэ харичи өлкәләрдэн кәтирилэн дөври мэтбуаты охумаға мәчбур олурлар. «Тэрчуман» вэрәгэдир. Харичдэн кәтирилэн гэзет вэ журналларда исэ эсасэн Авропаја, аз налларда Русијаја анд јазылар дәрч олунур. Рус гэзетләрини ѡалныз дөвлэгүүнда олан азэрбаичанлылар охујулар. Савадлы олуб рус дилини билмәјэн охучулар исэ рус гэзетләриндэн истифада едә билмирләр. Бу сәбәбдэн русларын һәјаты вэ әдебийжатындан, набелә өлкә дахилиндэ баш верэн һадисәләрдэн онларын хәбәри олмур. Ана дилләриндэ олан гэзет бу чәһәтдэн онлара јахындан қөмәк едәр, иштичәдэ азэрбаичанлыларын руслара јахынлашмына сәбәб олар. Азэрбаичанлылара бир дэ она көрә ана дилләриндэ гэзет лазымдыр ки, онлар Русијанын дөвлэгүү тәдбиirlәрини вэ ичтиман һәјатыны изләјэ билсүнләр. Мэтбуатын јохлуғу узүндэн дүнијада баш верэн мәдәни тәрәгги вэ чары һадисәләрдэн азэрбаичанлылар хәбәрсиз галырлар ки, бу да онларын сијаси, иғтисади вэ зөнни тәрәггиләринэ мане олур.<sup>2</sup>

М. Шаhtахтински гэзетиндэ Азэрбаичан дилиндэ материаллардан әлавэ фарс вэ әрәб дилиндэ мәгалләрин дэ дәрч едилмәснин ишәрдэ тутурду. Умунијжэтлэ, «Тифлис»ин кениш програмла ишши ишәрдэ тутулмушду.<sup>3</sup>

Ичазэ учун М. Шаhtахтинскиин сәнәдләри Баш мэтбуат ишләри идарэснэ көндәрилир. Баш идарэ «Тифлис»ин ишши илә әлагәдар Гафгaz Сензура комитэсинин рэ'јини тэлэб едир. Сензура комитэсиндэн Баш идарэж јазылыш 3394 №-ли сәнәддэ М. Шаhtахтинскиин шәхсијэти, «Тифлис»и чап етмэкдэ мэгсэди вэ комитэснин она мунасибэти белә хулласэ олунмушду: «ч(әнаб) Шаhtахтински мәнә һәвалә олунмуш комитэј савадлы бир мусәлман (азэрбаичанлы—А. З.), тәчрублэли публисист вэ мусәлманлар арасында рус әдебийжатынын јаылмасынын мөһкәм тәрәфдары кими мә'лумдур. Сиз зати-алиләри бујуруб муләнизэ един ки, мәнә тэгдим олунан мәрамнамәјэ көрә о, рус тэ'бэси олан јерли мусәл-

<sup>1</sup> ССРИ МДТА, ф. 776, шәрх 12, иш 175; Күрчустан ССР МДТА, ф. 480, иш 1358.

<sup>2</sup> ССРИ МДТА, ф. 776, шәрх 12, иш 157, вэрэг 2.

<sup>3</sup> Јенә орада, вэрэг 2—5.

манлары рус әналисинин адэт-ән'әнәләри, һәммәэһәбләрини исэ рус вэ тэндашлығы ганун-гајдалары илә таныш етмэк васитэсилә онларын гајнајыб-гарышмасыны өз гарышына мэгсэд гојмушду. Гэзетин (јөни «Тифлис»ин—А. З.) белэ истигамётн дөвлэтийн сијасетинэ экс тэ'сир етмэје билэр вэ шубнәсиз, Гафгaz вэ Орта Асија мусәлман халглары учун фајдалы олачагдыр.<sup>4</sup>

Көрүнүр ки, Гафгaz Сензура комитэсинин «Тифлис» гэзетинин мәрамнамәси вэ онун нашир-редактору һаггында рэ'ји Баш мэтбуат ишләри идарэснин гэнаэтләндирмәмишdir. Белэ олмасајды, Баш идарэ Гафгaz Сензура комитэсинин рэ'јини алдыгдан соира, ону јенидэн рэ'јэ—вэликорус шовинисти В. Д. Смирнова көндәрмәзи. Бу тэсадуфи дејилдир. Чунки Баш мэтбуат ишләри идарэси В. Д. Смирнову авторитет несаб едир вэ Шәрг дилләринде (фарс, әрәб, түрк, татар, Азэрбаичан вэ с.) олан материаллар она көндәрилди.

М. Шаhtахтинскиин эризеси вэ «Тифлис»ин мәрамнамәси илә таныш олан В. Д. Смирнов кениш рэ'ј јазараг, 1897-чи ил јанвар айыны 7-дэ Баш идарэж тэгдим етмишди.<sup>5</sup> Рэ'ј көстәрир ки, Смирнов материаллары чидди сурэтдэ ишээрдән кечирмиш, һәр чүмлә вэ ифадәнни күдәчэжи мэгсэд вэ мә'наны «ачмага» чалышмыш, «Тифлис»ин нэ чүр гэзет олмасы, онун чар сијасэти илә уйғулуғу, редактор-наширии идеясы, мэгсэди вэ башга мәсәләләрин һәрхинэ чалышмыш вэ өзүнәмәхсүс мәфкура өчбәнәсниндән бунлары изаһ етмишди. О јазыр ки, «Чәнаб Шаhtахтинскиин «Тифлис» гэзетини ишшр етмэк һаггындакы эризесинэ ичазэ алмаздан әввэл» онун «хәниши намәсийнин кениш вэ долашыг мүддәләларыны мүәҗәнләшдирмә»јэ чалышмышдыр. Бу мәгсәдлә әризэ вэ гэзетин мәрамнамәсниндэн он уч маддәдэ чыхарыш едән В. Д. Смирнов ондакы «долашыг мүддәләлары» шәрх етмэк учун һәр маддә барәдә айрыча гејдләр етмишди.

М. Шаhtахтинскиин гэзет чыхармаг тэшэббүсүнү «хејирхәниjjэт» адландыран, онун бу саһәдәки сә'јләрини «һәр чүр тэгдирэ вэ мүкафата лајиг» көрән Смирнов өз мөвгөјини дәјишәрәк: «Ахы мәсәлә бунларда дејил. Бу хејирхәниjjэтләрин һансы васитәләрлә һәјата кечириләчәји дэ чох әһәмийжэтэ маликдир. Анчаг бу васитәләр чәнаб Шаhtахтинскиин эризесниндэн о гәдәр дэ аյдын дејилдир».<sup>6</sup>

Көләчәк редактор-нашири Дахили Ишләр Назирилийнә көндәрдији гэзетинин мәрамнамәсийн 10-чу маддәсниндэ јазмышды: «Бүтүн ше'бәлләрдэ башга Шәрг дилләриндэ материал чап етмэж гэзетин һүгугу варды?»<sup>7</sup>

Бир аз ашағыда М. Шаhtахтински гэзетиндэ Шәрг дилләриндэ јазылар чап етмэкдэ мэгсэдии белә изаһ етмишди: «Бу дилләрдэ (Шәрг дилләриндэ—А. З.) јазылар чап етмэж гэзетэ, Шәргин узагларында—түрк дили ишләнән јерләрдэ рус мәнафејинә хидмәт даирэснин кенишләндирмәјэ имкан верәр».<sup>8</sup>

Хејирхәниjjәт мэгсэд күдән бу мәсәләләр Смирнову өсәбләшдирир: «Бирдән-бирэ Шәрг халгларынын дилләриндэ чап олуначаг бу гэзет нэ гэзетдир?»<sup>9</sup>

В. Д. Смирнов муләниzzәләрини давам етдирирэ көзүрдэ: «Бурада истисна кими верилән аյдынлашдырычы» лазым олдуғу налда (?) хүсүси характердә олан хәбәрдарлыг гэзетин өз дилиндэн савајы (???) материалларын бу вэ ја дикәр Шәрг дилләриндэ чап олунмасы јнун јаылма даирэснин кенишләндирәрди. Белә олан налда, нумунәви Шәрг

<sup>4</sup> Күрчустан ССР МДТА, ф. 480, иш 1338, вэрэг 1.

<sup>5</sup> ССРИ МДТА, ф. 776, шәрх 12, иш 157.

<sup>6</sup> Јенә орада, вэрэг 2.

<sup>7</sup> Јенә орада.

<sup>8</sup> Јенә орада, вэрэг 3.

<sup>9</sup> Јенә орада.

әсөрлөринин тәрчүмәси иә демәкдир? Бу гармагарышыгдан баш чыхармаг чәтиидир вә бу, бизи белә бир гәнаәтә кәтирир ки, чәнаб Шаһтахтински һәм гәзетинин истиғамәтни, һәмчиниң дә кәләчәк гәзетинин мәзмунуны өзу лазымынча дәрк етмир. Гәзетин сәһиғәләрни мухтәлиф Шәрг бағырылары илә долдурмагла, баша дүшмәк чәтин дејилдир ки, гафгазлылар үчүн дә умуми дөвләт дили олан рус дилинин кәнар едилмәсисе вә ejni заманда, һәтта, әрәб дилинин сахланмасына—рус мәнафениә хидмәт кими бахыла билмәз».<sup>10</sup>

Шаһтахтински гәзетинин програмына бејнәлхалг һәјатын мүһүм на-дисәләрни, хүсүсән, Шәрглә әлагәдар мәсәләләрни ишыгандырачаг айрыча шө'бә дахил етмиши. Програмын бу шө'бәси барәдә Смирнов ашыдақылары гејд едир: «Аjdын олмур ки, чәнаб Шаһтахтински бејнәлхалг һәјатын мүһүм һадисәләрни (?) ән чох Шәрг мәсәләсини рус дөвләт мәнафеинә уйғун шәкилдә нечә ишыгандырачагдыр. Тифлисдә отура-отура Русијанын бејнәлхалг сијасәтниндән нечә хәбердәр олачагдыры, бу руһда, һәтта Шәрг мәсәләсини мүһүм һадисәләрни, ишыгандырмасы бачарсын. Империјанын Гафгаз кими горхулу учгарында Шәрг сијасәтбазларындан аллаң өзу-саҳласын».<sup>11</sup>

Шаһтахтинскини әризәси вә «Тифлис»ин мәрамнамәси һагында узун-узады вә јанлыш мұләниздәр сөјләјән Смирнов белә һәтичәје кәлмиши: «Чәнаб Шаһтахтинскини әризәси вә тәгдим едилән мәрамнамән белә гәрибә шәкилдә тәртиби вә тәркиби бизим мүсәлманлар үчүн неч бир чары мәтбуат нәшрини мүсбәт шәкилдә һәлл етмәјә имкан вермәз».<sup>12</sup>

В. Д. Смирнов Рузија империјасында јашајан мүсәлман халгларының ана дилләrinde дөври мәтбуат јаратмаг тәшәббүсүнүн гәти элејниң әди: «Бизим мүсәлманларын һәјат вә әхлатыны җаҳши билән мәрһүм шәргшүнас В. В. Григорьев белә мәсәләләрни гәтијән әлејине иди. О дејирди: «Гој онлар русча охусунлар» вә һаглы иди. Ишбаз мүсәлманлар рус гәзетләри ә'ла таныјыр вә орадан өзләrinе лазым олан мәлumatы вә хәберләри алышлар. Бу чүр јарым савадлы публицистләрни сијасәтбазлыглары, гејд етдијимиз кими, хүсусилә рус дөвләт мәнафеи һөтгөти-һәзәрицә неч бир мүсбәт һәтичәје кәтириб чыхармаз.

Ахы, мәрһүм император III Александр наһај јерә Гафгаз мүсәлманлары һагында тәшәббүс етмәшиди ки, «Онларын русча охумаг вахтлары кәлиб чатмышдыр».

«Онлар јөгин ки, бунун үчүн јетишмишләр, анчаг кимсә бу ишлә мәшгүл олмалыдыр».<sup>13</sup>

Баш мәтбуат ишләри идарәси Смирновун рә'јини алдыгдан иккى күн соңра, јә'ни 1897-чи ил јанвар айынын 9-да Гафгаз Сензура комитәсине һајымышды: «Јерли татарларла (азәрбајчанлыларла—A. З.) рус әналиси арасында даһа җаҳын мұнасибәтләрни јарадылмасында әризә веренни (Шаһтахтинскини—A. З.) сечдији јолу мәгсәдәујүфүн һесаб етмәк олмаз. Бизә гејри-милләт вә гејри-диндашларын җаһынлашмасы җалныз маарифин յајымасы илә олар ки, онун да силаны рус дили олмалыдыр. Экс тәгдирдә, үмуми мүсәлман дөври мәтбуаты нәшринин тәшәккүлү мүсәлманлары рус вәтәндешларына нәинки җаһынлашдырар, һәтта узаглашдырар.

Шаһтахтинскини түрк—Азәрбајчан шивәсиндә гәзет нәшрини әсасландырмасы бу вахта гәдәр олмајан гәбилә дилиндә хүсуси журналистиканын башланғычыны гојачаг, беләліклә дә Загафазија татарларынын (азәрбајчанлылары—A. З.) Рузијадан даһа чох узаглашмасына сәбәп олачагдыр.

Бу мұләниздәр көрә Баш мәтбуат ишләри идарәси. Шаһтахтинскини хәнишинин мүмкүн олмадығыны е'тираф едир вә Гафгаз Сензура комитәсинә она билдиримәк үчүн мә'лumat көндәрир».<sup>14</sup>

Баш мәтбуат ишләри идарәсинаң қәстәриши һәмни илин март айында җазылы сурәтдә М. Шаһтахтинскије билдирилмишди. Лакин о, әризәсинаң рәдд чавабы алдыгдан соңра да үмидини кәсмир. Соңralар «Тифлисски листок» гәзетинде дәрч етдириди бир мәгаләсисидән өјрәнирик ки, М. Шаһтахтински ичазә ала биләчәji үмиди илә Петербурга кетмиш, Баш мәтбуат ишләри идарәсинаң рәиси великорус шовинисти Соловјова көрүшмушдур. О, Соловјовла көрүшүнү белә тәсвири етмишди: «Варгувәмлә она дил төкүб хәниш етдим, лакин бундан бир шеј чыхмады (...) О деди:—Татар дилиндә гәзетә неч чүр ичазә верә билмәрәм. Истәјиринизсә русча чыхармайыза ичазә верим. Гој татарлар сиздән нүмүнә көтүрүб, рус дилиндә тәһсил алсынлар. Сиз рус дилиндә, ә'ла данышырыныз. Татар гәзети нәјинизә лазымдыр.

Мән өз һәмвәтәндешларымын һамысынын тәрәггисинә көмәк етмәк истәјирәм. Татарларын һамысы рус дилиндә тәһсил ала билмәзләр. Бу анчаг варлы айләләр мүјәссәр олан бир не'мәтди.

— Гәзет халгын иәјинә лазымдыр? Зијалылар гој рус дилиндә охусулар, ади татарлар исә гој кедиб сүрүләрни отарсынлар».<sup>15</sup>

Чохлу сә'ј қәстәрмәсисә бахмајараг чар сензурасы М. Шаһтахтинскије «Тифлис» адлы гәзет нәшр етмәјә ичазә вермәди.

*Низами адына Әдәбијат Институту*

*Алынмышдыр 12. VI 1977.*

А. Зейналов

### О ПОПЫТКЕ МУХАММЕД АГА ШАХТАХТИНСКОГО ИЗДАВАТЬ ГАЗЕТУ «ТИФЛИС»

Мухаммәд Ага Шаһтахтинский, получивший широкую известность как ученый-востоковед, общественный деятель и педагог, являлся и выдающимся журналистом. Начав свою публицистическую деятельность в конце 70-х годов XIX в., он регулярно сотрудничал в периодической печати Москвы и Петербурга, а также выступал в турецких, персидских и французских газетах, издававшихся в Стамбуле. В 1891 г. он временно исполнял обязанности редактора газеты «Каспий», выходившей в Баку.

Работая в области печати свыше 20 лет, М. Шаһтахтинский в 1891 г. обратился к правительству с просьбой получить разрешение на издание еженедельной газеты «Тифлис» на азербайджанском языке, но получил отказ. В статье на основе архивных материалов освещается отношение царской цензуры к заявлению автора.

A. Zeynalov

### ABOUT THE ATTEMPT OF PUBLISHING THE NEWSPAPER „TIFLIS“ BY M. A. SHAHTAKHTINSKY

Having received a wide fame as scientific-orientalist, a public man and a teacher, M. A. Shahtakhtinsky was at the same time an eminent journalist.

With the beginning of his publicistic activity at the end of the 70 th of the XIX century, he regularly collaborated in the periodical presses of Moscow and Petersburg he also appeared in turkish, persian and french newspapers which were published in Stambul. In 1891 he was appointed a temporary editor of the newspaper „Kaspî“, publishing in Baku.

Working in the field of the press over 20 years, M. A. Shahtakhtinsky, addressed the government with the aim of receiving a permission for the publication of the weekly newspaper „Tiflis“ in the Azerbaijan language in 1891. In the article on the base of the archives materials, the attitude of the tsar's censorship to the statement of the author is lighted up. In spite of many attempts Shakhtakhtinsky was refused in request.

<sup>11</sup> Күрчүстан ССР МДТА, ф. 776, шәрх 12, иш 157, вәрәг 7.

<sup>12</sup> Јено орада, вәрәг 8.

<sup>13</sup> Јено орада, вәрәг 9.

СИМА ҚЕРИМЗАДЭ

## ЭЛИНЧЭЧАЈ ХАНӘКАҮНДАН ТАПЫЛМЫШ БИР ҚИТАБӘ ҺАГГЫНДА<sup>1</sup>

(Азэрб. ССР ЕА академики Э. Э. Элизадә төгдим етмишидир)

Элинчэчајда тикилмиш ханәкаүн мө'марлыг абидаләри 1959-чу илдә Бакыдакы «Хүсуси елми бәрпа вә истеңсалат е'малатхана» тәрәфиндән бәрпа мәгсәдилә өлчүләркән, әтрафдакы мәзаристандан јазылы бир даш—қитабә тапылмыштыр. Ағ мәрмәрдән паралелепипед шәклиндә дүәлдилмиш бу башдашы — стелла сымыш вә ики һиссәје белүнмүшдүр. Стелланын үз сәтнинин дөрд тәрәфиндә нәсх хәттилә бир сурә<sup>2</sup> һәкк олунмуш арха (1-чи шәкил), баш (2-чи шәкил) вә үз сәтнинин ортасында көзәл күл вә чичәкләрин рәсмләри нәгш едилмишидир. Күл вә чичәкләр топлусу ашагыдан күл габынын ичәрисиндә көстәрилир. Бу күл вә чичәкләрин јухарысындағы кичик дәдбучаглы ичәрисинде исә үч сәтирдә әрәбчә бир сырға јазылар вардыр. Бу јазыларда мәзарда дәфи олунмуш бир гадынын вәфат тарихи, өзүнүн вә атасынын ады һәкк едилмишидир:

1. Һазә розәтүл мәрһумә Гүрејш
2. Шаһбани
3. Бинти Әмир Әрәбшәһ 848.

«Бу чәниәт бағчасы (мәзар) Әмир Әрәбшәһин мәрһумә гызы Гүрејш Шаһбанининидир 843-чи [ил].»

Беләликлә адын олур ки, һичри 848-чи (милади 1444) илдә Әмир Әрәбшәһин гызы Гүрејш Шаһбани вәфат етмиш вә бу мұнасибәтлә дә онун мәзары үстүндә бәзәкли бир стелла ғојулмушшудур.

Јери кәлмишкән хатырладаг ки, бу стелла үзәриндәки дәрбучаглынын ичәрисинде һәкк олунмуш јазылардан 1967-чи илдә бәһс едән К. Ибраһимов китабәни «Бу чәниәт мәқән Гүрејш бинти Әрәбшәһ һичри 848-чи ил» кими охумуш, мәзарын кимә айд олмасы барәдә айдын мәлumat вермәмиш вә китабәнин мәтнина «һичри вә ил» сөзләрини дә әла-вә етмишидир. О, китабәдәки Әлмәрһумә, Шаһбани, Әмир сөзләрини охумамыштыр<sup>3</sup>.

Стелла үзәриндә јазылмыш Гүрејш<sup>4</sup> сөзүндән белә бир гәнаэтә кәлмәк олар ки, Гүрејш Шаһбани әрәб тајфасындан вә. я әрәб гәбىләсендән өлан әрәб гызыдыр.

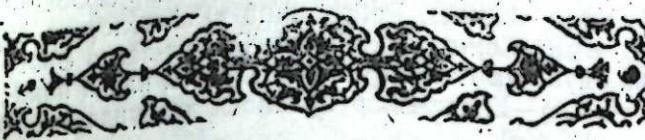
Мә'лум олдуғу кими «Әмир» сөзү бир сырға һәрби рүтбә; һәрби сәркәрдә вә с. мә'налар дашияйыр. «Әмир» сөзү бә'зән шәхси ад кими ишләнир, бә'зән дә шәхс адларынын әввәлини әлавә едиллир. Мәс: Әмирхан,

<sup>1</sup> Назырда бу китабә Нахчыванда Бәһruz Кәнкәран адына тарих-өлкәшүнаслы музейнде саҳлаланылыр.

<sup>2</sup> Гур'ян, 2-чи сурә, 256-чи ёје—Ајәтәлиүрсијә.

<sup>3</sup> Бах: Карлен Ыбраһимов. Надир экспонаттар. «Азэрбајҹан Кәңчләри» гәзети, 19 февраль, 1967, № 22 (7298).

<sup>4</sup> Гүрејш сөзү учун бах: Ш. Сами. «Гамусуләлам» чилд 5, 1324, Истамбул, сәh. 3649.



1-чи шәкил.



2-чи шәкил.



3-чи шәкил.

Әмирәли, Әмирүлла вә с. «Әмир» сөзү бә'зи вахтларда фәхри рүтбә кими муәјжән шәхсләрә верилир. Мәс.: фарсдилли һинд шаири Әмир Хосров Дәйләви (1253—1325) һиндистанда Гүтбәддин Мубарәк шаһын сарајында јашајаркән шаһ тәрәфиндән она «Әмир» рүтбәси верилмишидир.<sup>5</sup> Әмир Нәваи дә сарајда јашајыб-јарадаркән фәхри ад кими «Әмир» рүтбәси алмыштыр.

Һаггында бәһс етдијимиз китабәдәки Әрәбшәһ сөзүнүн әввәлинидә Әмир кәлмәснин јазылмасындан белә иәтичәје кәлмәк олар ки, Әмир Әрәбшәһ да өз дөврүндә мәшһур бир сима кими фәхри ад олараг «Әмир» рүтбәси алмыштыр. О заман бу абидаләни Гүрејш Шаһбанинин да өз дөврүндә көркәмли вә һаким дә рүтбәли бир шәхсин гызы олдуғу гәна-этине кәлә биләрик.

Гүрејш Шаһбанинин мәзары үзәриндә ғојулмуш бәзәкли вә јазылы стелла XV әср Азэрбајҹан епиграфикасы, хәттатлыг, һәккаклыг вә иәгашлыг тарихи учун бөյүк әһәмијјәт кәсб едир.

<sup>5</sup> Бах: Т. Мәһәррәмов. Әмир Хосров Дәйләвиинин «Мәчинү вә Лейли» поемасы. Бакы, 1970, сәh. 39.

Жері көлмишкөн гејд етмәк лазымдыр ки, Азәрбајчанда вахтилә «Әрәбшәһ» адында бир чох шәхслөр јашамышдыр. Нәттә жазы вә китабларда да «Әрәбшәһ» адына раст кәлмәк олар. Лакин епиграфик абидаләр узәринде, хүсусилә мәзарлар узәринде индијә гәдәр Әмир Әрәбшәһ сөзләриңе тәсадүф етмәмишик. Іалныз, Равәндиин «Раһәтәлсүдур вә Аյәтлесур» китабында<sup>6</sup> «Әмир Сеид Фәхрәддин Эла-әл-дөвлә Әрәбшәһ» адны охујуруг ки, онун да Азәрбајчанда 1136-чы илдән наки-мийәт башына кечмиш Атабәй—Елдәкизләр сұлаләси дөврүндә јашадығыны көрүрүк.

Чох тәэссүф ки, Гүрејш Шаһбанинин атасы Әмир Әрәбшәһин Теймурләнкин накимијәттә (1370—1405) дөврүндә јашамыш әрәб тарихчи-си Әһмәд ибн Мәһәммәд Әрәбшәһ олдуғуну вә онун «Ә чаңбулмәгдүр-фи әхбар Теймур» адлы китабын мүәллифи олдуғуну да гәти демәк олмаз. Чунки Әһмәд ибн Мәһәммәд Әрәбшәһин «Әмир» рүтбәсі алмасы барәдә орта әср мәнбәләриндә вә мұасир тәдгигат әсәрләриндә һеч бир мәлумата тәсадүф едилмәмишdir. Бир сыра тарихчиләр Әрәбшәһин өзүндән әсәрләриндән гыса мәлumat версәләр дә, онун «Әмир» рүтбәсі алмасы барәдә һеч бир сөз демәмишләр.<sup>7</sup>

Шубhәсиз ки, мұтәхәссисләр мәзар даши үзәринде ады жазылмыш вә 1444-чу илләрдә јашамыш Әмир Әрәбшәһин кимлигини вә онун 1388—1450-чи илләрдә Дәмәшгә јашајыб-јаратмыш әрәб тарихчи-си Әрәбшәһ илә ejni бир шәхс олуб-олмадығыны арашдырачаглар.

Іахын вә Орга Шәрг Халгалары Институту

Айнымышдыр 17. VI 1977.

Сима Керимзаде

### ОБ ОДНОЙ НАДПИСИ, НАЙДЕННОЙ В АЛАНДЖАЧАЙСКОМ ХАНЕГАХАЕ

В результате раскопок, проведенных в 1959 г. близ Алианджачайского ханегаха, найдена стелла, изготовленная из белого мрамора. На поверхности камня имеются надписи на арабском языке, а также растительный орнамент.

Из этой надписи следует, что разукрашенная стелла поставлена в честь Гурелиши Шахбани — дочери Амира Арабшаха, умершей в 1444 г.—848 г.

Эта находка, несомненно, представляет большую ценность в деле изучения истории эпиграфии, коллиграфии и резьбы на камне в Азербайджане XV в.

<sup>6</sup> Бах: Равәндии. Раһәтәлсүдур вә Аյәтлесур, сәh. 342. Бу әср 1921-чи илдә фарс дилинде чап олымушшур.

Мәһәммәд Эли Ничати. «Зиндекани шукуфт авәр Теймур» тәрчүмә китабы. «Әчајибәлмәгдүр фи әхбар Теймур». Тәлиф иби Әрәбшәһ, Техран, 1939, сәh. 13—18; Истанбул Паша Элбагади. «Іәдијоларифин әсмаүлмүәллифи» вә асарүлмүәзиниғин» әлчилдүләүввәл, Истанбул, соңа 1951, сәh. 640. Ш. Сами. «Гамусулалам», дөрдүнчү чилд, Истанбул, 1311, сәh. 3142; Ардана. «Даиралариф». А-Әбу-әлтејјиб, чилд әввәл, 1328, дәр мәтбәйи үмуми. Қабил чап шуд, сәh. 852—853; Ардана-мәчәлләжи думаһәји тарихи әдаби вә һүнәри. Шумараји 5, 337, сәh. 87.

Бах: В. Пигулевская, А. Ю. Якубовский, И. П. Петрушевский, Л. В. Строева, А. М. Белиницкий. История Ирана с древнейших времен до конца XVIII века, изд-во Ленинградского Университета, 1958, стр. 215.

Бах: «Архив Маркса и Энгельса», том VI, М., 1939, стр. 185.

Бах: Чөфөр Ибраһимов. Азәрбајчаны XV әср тарихинә даир очеркәр, Бакы, 1958, сәh. 11.

Sima Kerimzade

### ABOUT THE ONE INSCRIPTION WHICH IS FOUND IN KHANEJAM ALYNDJAN

At the result of excavate which is carried out near the Khanegam Alyndjan in 1959 was found stella made from white marble. There were inscriptions in the arabic language and at the same time vegetabale ornament on the stone.

From this inscription shown that the decorated stella is dedicated to Gurelshiy Shakhbany—Amir Arabshah's daughter who was died in 1444—848 hijra.

This godsend undoubtedly has a great value in the work of studying history of epigraphy, colligraph and graving on the stone in Azerbaijan in XV century.

### МҮНДӘРИЧАТ

#### Ријазијјат

В. Б. Шәһмурров. Бир синиф хүсуси төрәмәли диференциал-опратор тәнликләр учун гојулмуш сәрһәд мәсәләси һәллини коерсатив варлығы . . . . . 3

#### Јарымкечирничиләр физикасы

М. А. Мендијев. Назик  $Hg_1-x Cd_x$  TE тәбәгәләрин тамм сәттә сөвијјәләри. . . . . 8

#### Ријазијјат

Ф. Г. Магсудов, И. Ч. Мәрданов, Э. Х. Шамилов. Үејри-хәттى мејледән аргументли иејтрал тип дифференциал тәнлик учун гојулмуш бир хүсуси сәрһәд мәсәләси . . . . . 13

А. Т. Тағызадә. Аменабел группарының ин'икасларының ситропијасы . . . . . 18

#### Механика

Н. П. Пиријев. Полимер материалларда титрәјен гүввәни тә'сири, иәтичесинде эмәлә көлән гәрарлаймајан истилил саһсисини тәдгиги . . . . . 23

#### Јарымкечирничиләр физикасы

Ә. Ш. Абдинов, Л. М. Ағамирова, Ф. А. Эһмәдов. Шүшәвары AS-S-Te јарымкечирничиләриниң электрик кечирничиләриниң чәрәјән режимиңда тәдгиги . . . . . 27

#### Үзви кимја

И. М. Абдуллабәјов, Ф. Х. Ағаев, Э. Л. Шабанов, М. М. Мөвсүмзадә. Макротиклик ефиrlәриниң оксираиларының тиранларда чөврilmә реакцияларында истифадә олумасы . . . . . 30

#### Литолокија

С. Ф. Сүлејманова, Н. В. Клјаско. Мүхтәлиф амилләрдән асылы олараг гранулјар сүхурларының коллектор хассәләринин дәјишмәси . . . . . 34

#### Торпагшұнаслығ

Г. З. Эзизов. Дәрени гатлар учун жума нормаларының тә'јини . . . . . 41

#### Агрокимја

Ә. Н. Күләһмәдов, Н. А. Ағаев, А. И. Бајева, Е. Э. Мугалинскаja. Бејүк Гафгазы (АЗәрб. ССР) шимал-шәрг һиссесиниң мүхтәлиф шафтларының торпагларында микроелементләрниң іер дәјишмәси вә онларын биткіләрдә мигдары . . . . . 46

#### Кенетика вә селектика

Академик И. Д. Мустафаев, Ф. М. Алимов. Бәрк бүгдә сортларында гурулуш элементләрі арасында корреласија өмсалы . . . . . 49

#### Топонимика

Н. К. Мәммәдов. Балакән рајонунун бә'зи ојконимләринин мәнишәји . . . . . 53

#### Азәрбајчан мәтбуаты

А. Зеиналов. М. Шаhtахтинскиниң «Тифлис» гәзети чыхармаг тәшеббүсү . . . . . 56

#### Епиграфика

Сима Керимзадә. Элинчәяj ханәкаһынан тапылмыш бир китабә . . . . . 61

## СОДЕРЖАНИЕ

### Математика

В. Б. Шахмурев. Коэрцитивная разрешимость общих краевых задач для дифференциально-операторных уравнений в частных производных . . . . . 3

### Физика полупроводников

М. А. Мехтиев. Поверхностные таамовские состояния пленок  $Hg_{1-x} Cd_x Te$  . . . . . 8

### Математика

Чл.-корр. Ф. Г. Максудов, И. Д. Марданов, А. Х. Шамилов. Специальная краевая задача для линейных дифференциальных уравнений с отклоняющимся аргументом нейтрального типа . . . . . 13

А. Т. Таги-заде. Энтропия действий аменабельных групп . . . . . 18

### Механика

Н. П. Пирисев. Нестационарное температурное поле, возникающее при действии вибрационной нагрузки на полимерные материалы . . . . . 23

### Физика полупроводников

А. Ш. Абдинов, Л. М. Агамирова, Ф. А. Ахмедов. Проводимость стеклообразного полупроводника As—S—Te на переменном токе . . . . . 27

### Органическая химия

И. М. Абдуллабеков, Ф. Х. Агаев, А. Л. Шабанов, чл.-корр. М. М. Мовсумзаде. Макроциклические эфиры в реакциях превращения оксиранов в тираны . . . . . 30

### Литология

С. Ф. Сулейманова, Н. В. Кляцко. Изменение коллекторских свойств гранулярных пород в зависимости от различных факторов . . . . . 34

### Почвоведение

К. З. Азизов. Определение значений промывных норм для глубоких слоев . . . . . 41

### Агрохимия

Чл.-корр. А. Н. Гульхамедов, Н. А. Агаев, А. И. Баева, Э. А. Мугалинская. Миграция микроэлементов в почвах и их содержание в растениях по различным ландшафтам северо-восточной части Большого Кавказа (Азерб. ССР) . . . . . 46

### Генетика и селекция

Акад. И. Д. Мустафаев, Ф. М. Алиев. Коэффициент корреляции между основными структурными элементами колоса у твердой пшеницы . . . . . 49

### Топонимика

Н. Г. Мамедов. О происхождении некоторых ойконимов Белоканского района . . . . . 53

### Печать Азербайджана

А. Зейналов. О попытке Мухаммеда Ага Шахтахтинского издавать газету «Тифлис» . . . . . 56

### Эпиграфика

Сима Керимзаде. Об одной надписи найденной в Аланджачайской Ханегахе . . . . . 60

Сдано в набор 23/V-1978 г. Подписано к печати 2/VIII-1978 г. Формат бумаги 70×108<sup>1/16</sup>. Бум. лист. 2. Печ. лист. 5,6. Уч.-изд. лист. 4,97. ФГ 05951.  
Заказ 684. Тираж 735. Цена 40 коп.

Издательство «Элм».

370073. Баку-73, проспект Нариманова, 31, Академгородок, Главное здание.  
Типография АН Азерб. ССР. Баку, проспект Нариманова, 31,

## ПРАВИЛА ДЛЯ АВТОРОВ

1. В «Докладах Академии наук Азербайджанской ССР» помещаются краткие сообщения, содержащие законченные, еще не опубликованные результаты научных исследований, имеющих теоретическое или практическое значение.

В «Докладах» не публикуются крупные статьи, механически разделенные на ряд отдельных сообщений, статьи полемического характера без новых фактических данных, статьи с описанием промежуточных опытов без определенных выводов и обобщений, работы непринципиальные, описательного или обзорного характера, чисто методические статьи, если предлагаемый метод не является принципиально новым, а также статьи по систематике растений и животных (за исключением описания особо интересных для науки находок).

Статьи, помещаемые в «Докладах», не лишают автора права последующей публикации того же сообщения в развернутом виде в других изданиях.

2. Поступающие в «Доклады» статьи рассматриваются Редакционной коллегией только после представления их академиком по специальности. Каждый академик может представить не более 5-ти статей в год.

Статьи членов-корреспондентов Академии наук Азербайджанской ССР принимаются без представления.

Редакция просит академиков при представлении статьи указывать дату получения ее от автора, а также наименование раздела, в котором статья должна быть помещена.

3. В «Докладах» публикуются не более трех статей одного автора в год.

4. В «Докладах» помещаются статьи, занимающие не более четверти авторского листа—около 6—7 страниц машинописи (10 000 печатных знаков), включая рисунки.

5. Все статьи должны иметь резюме на английском языке; кроме того, статьи, написанные на азербайджанском языке, должны иметь: резюме на русском языке и название.

6. В конце статьи должны быть указаны название научного учреждения, в котором выполнена работа, и номер телефона автора.

7. Опубликование результатов работ, проведенных в научных учреждениях должно быть разрешено дирекцией научного учреждения.

8. Статьи (включая и рецензию), должны быть напечатаны на машинке через два интервала, на одной стороне листа и представляются в двух экземплярах. Формулы должны быть вписаны четко и ясно, при этом прописные буквы должны быть подчеркнуты (черным карандашом) двумя черточками снизу, а строчные — сверху, букву греческого алфавита надо обводить красным карандашом.

9. Цитируемая в статье литература должна приводиться не в виде подстрочных списков, а общим списком (вподбор), в алфавитном порядке (по фамилии автора), в конце статьи с обозначением ссылки в тексте порядковой цифрой. Список литературы должен быть оформлен следующим образом:

а) для книг: фамилия и инициалы автора, полное название книги, номер тома, город, издательство и год издания;

б) для статей в сборниках (трудах): фамилия и инициалы автора, название статьи, название сборника (трудов), том, выпуск, место издания, издательство, год, страница;

в) для журнальных статей: фамилия и инициалы автора, название статьи, название журнала, год, том, номер, (выпуск), страница.

Ссылки на неопубликованные работы не допускаются (за исключением отчетов и докторских, хранящихся в научных учреждениях).

10. На обороте рисунков должны быть указаны фамилия автора, название статьи и номер рисунка. Отпечатанные на машинке подписи к рисункам представляются на отдельном листе.

11. Авторы статей должны указывать индекс статьи по Унифицированной десятичной классификации (УДК) и прилагать реферат для «Реферативного журнала».

12. Авторы должны избегать повторения одинаковых данных в таблицах, графиках и в тексте статьи.

Ввиду небольшого объема статей выводы помещаются лишь в необходимых случаях.

13. В случае представления двух или более статей одновременно необходимо указать желательный порядок их помещений.

14. Корректура статей автором как правило не посыпается. В случае посылки корректуры допускается лишь исправление ошибок типографии.

15. Редакция выдает автору бесплатно 15 отдельных оттисков статьи.

**40** тэп:  
коп.

БАЛГАСАРЫН СҮРҮҮЛЭЛ

Индекс  
76355